

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ**

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего

образования

«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Невинномысский технологический институт (филиал) СКФУ

Информационные технологии в химической промышленности

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

к практическим работам

Часть 1

Невинномысск 2021

Указания содержат теоретическое обоснование, методику и порядок выполнения практических работ, составления отчета, указания по технике безопасности, перечень контрольных вопросов для самоподготовки по теме работ и список рекомендуемой литературы.

Составители: *Антипина Е.С.*

СОДЕРЖАНИЕ

ИСХОДНЫЕ ПРЕДПОСЫЛКИ	4
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 1	
ПРИМЕНЕНИЕ МАТНСАД ДЛЯ РЕШЕНИЯ ПРОЕКТНО- КОНСТРУКТОРСКИХ ЗАДАЧ.....	6
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 2	
ПРИМЕНЕНИЕ МАТНСАД ДЛЯ СОСТАВЛЕНИЯ МАТЕРИАЛЬНЫХ И ТЕПЛОВЫХ БАЛАНСОВ.....	7
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 3	
МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ОПИСАНИЕ ПРОЕКТНО- КОНСТРУКТОРСКИХ ЗАДАЧ УРАВНЕНИЯМИ РЕГРЕССИИ И КОРРЕЛЯЦИЙ	8
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 4	
ПРОГРАММИРОВАНИЕ ЛИНЕЙНЫХ, РАЗВЕТВЛЯЮЩИХСЯ, ЦИКЛИЧЕСКИХ АЛГОРИТМОВ	19
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 5	
ПРОГРАММИРОВАНИЕ И ИССЛЕДОВАНИЕ МОДЕЛЕЙ ГИДРОДИНАМИКИ ПРОТОЧНЫХ АППАРАТОВ	38
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 6	
ПРОГРАММИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ МАССООБМЕННЫХ ПРОЦЕССОВ И АППАРАТОВ.....	45
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 7	
ПРОГРАММИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ ТЕПЛОВЫХ ПРОЦЕССОВ И АППАРАТОВ	52
ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 8	
ПРОГРАММИРОВАНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ ПРОЧНОСТНЫХ РАСЧЕТОВ ХИМИЧЕСКИХ МАШИН И АППАРАТОВ	61
ЛИТЕРАТУРА	76

ИСХОДНЫЕ ПРЕДПОСЫЛКИ

Устойчивой тенденцией в проектно-конструкторских разработках является возрастание сложности объектов, увеличение объёма перерабатываемой информации и выпускаемой документации. Увеличивается и время на проведение научно-исследовательских и проектно-конструкторских работ, что удлиняет сроки освоения новых продукций в производстве.

В то же время быстрое моральное старение техники ставит задачу ускорения процесса подготовки производства и освоения новой продукции. Важным звеном этого ускорения является сокращение сроков разработки.

Выход из такого положения может обеспечить автоматизация разработки проектов в рамках системы автоматизированного проектирования (САПР). В основу САПР положено математическое моделирование процессов проектирования, которое позволяет составлять программы на выполнение проектных работ с помощью ЭВМ и их средств. Программы системы обеспечивают полноту и всесторонность проработки возможных вариантов и выбор наилучшего из них. Этот вариант будет максимально учитывать взаимосвязь между объектом проектирования, условиями его работы и выполняемыми функциями. САПР создается для решения конкретных технических задач и должна обладать следующими свойствами:

- совершенствовать проектирование на основе применения математических методов и средств вычислительной техники;
- использовать системный подход и методы оптимизации при определении основного варианта объекта;
- способствовать повышению качества и технического уровня разработок, качества оформления проектной документации;
- сокращать цикл конструкторской и технологической подготовки производства.

Лабораторный практикум по дисциплине имеет целью привить студентам навыки и умения к выполнению с применением ЭВМ и элементов САПР расчетно-исследовательских и проектных работ,

выполняемых на различных этапах разработки химических предприятий, в том числе:

- применения программных продуктов MathCAD и EXEL для решения различных проектно-конструкторских задач, включая составление материальных и тепловых балансов;
- математических описаний проектно-конструкторских задач уравнениями регрессии и корреляций;
- программирования и исследования моделей гидродинамики проточных аппаратов;
- программирования и расчета массообменных и тепловых процессов и аппаратов, прочностных расчетов химического оборудования;
- применения элементов САПР для построения 2-D и 3-D-моделей объектов химических производств;
- применения элементов САПР для прочностных расчетов химического оборудования.

Указания по технике безопасности

Для безопасного проведения лабораторных работ в классе ЭВМ необходимо:

- перед началом работы проверить, чтобы ЭВМ была заземлена и все токоведущие части закрыты;
- проводить работу только в присутствии преподавателя;
- выполнять работу в строгом соответствии с методическими указаниями.

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 1

ПРИМЕНЕНИЕ MATHCAD ДЛЯ РЕШЕНИЯ ПРОЕКТНО- КОНСТРУКТОРСКИХ ЗАДАЧ

Цель и содержание работы. Целью работы является освоение методов системы MathCad для решения инженерных задач химических производств. Содержание работы заключается в практическом использовании возможностей системы MathCad.

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 2

ПРИМЕНЕНИЕ MATHCAD ДЛЯ СОСТАВЛЕНИЯ МАТЕРИАЛЬНЫХ И ТЕПЛОВЫХ БАЛАНСОВ

Цель и содержание работы. Целью работы является освоение методов системы MathCad для решения инженерных задач химических производств. Содержание работы заключается в практическом использовании возможностей системы MathCad для расчетов материальных и тепловых балансов отдельных процессов химических производств.

Работа выполняется в соответствии с [1,2].

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА 3

МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ОПИСАНИЕ ПРОЕКТНО- КОНСТРУКТОРСКИХ ЗАДАЧ УРАВНЕНИЯМИ РЕГРЕССИИ И КОРРЕЛЯЦИЙ

Цель и содержание работы. Целью работы является освоение методов составления уравнений регрессии и корреляций, описывающих процесс или связь двух и более величин. Содержание работы состоит в практическом использовании алгоритмов и программного обеспечения при составлении математических описаний технических объектов.

Теоретическое обоснование

Уравнения регрессии. Термин регрессия означает статистическую связь между случайными величинами.

Уравнения, полученные методом наименьших квадратов, называют уравнениями регрессии.

Получив уравнение регрессии, исследователь интерпретирует его – выясняет смысл полученного результата.

Важнейший этап интерпретации – проверка гипотез. Чаще всего желательно проверить две гипотезы:

- 1) гипотезу об адекватности уравнения, т.е. выяснить, достаточно ли правильно данное уравнение описывает объект;
- 2) гипотезу о значимости коэффициентов уравнения (коэффициентов регрессии).

Дело заключается в том, что коэффициенты – выборочные оценки и поэтому содержат случайные ошибки.

При обработке экспериментальных данных для расчета параметров, таких как, например, энергия активации и энтальпия реакции, часто используют линейные соотношения между исследуемыми величинами или их функциями (например, между логарифмом константы равновесия или логарифмом константы скорости и обратной температурой). Откладывая попарно значения измеряемых величин и их функций, проводят через полученные точки линию. Иногда зависи-

мости между величинами x и y носят линейный характер, поэтому экспериментальные точки группируются около некоторой прямой линии (см. рисунок 3.1).

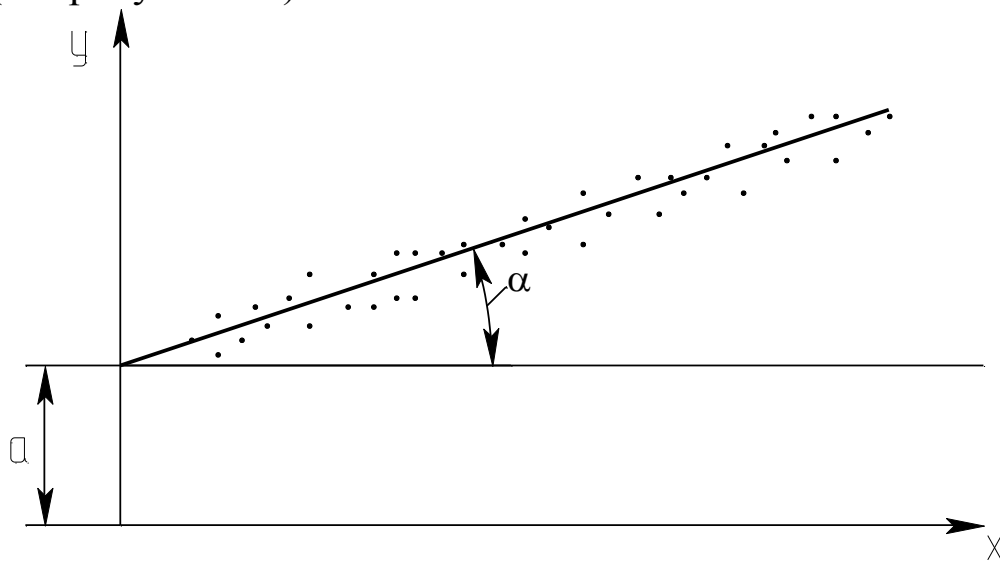


Рисунок 3.1 – Зависимость между исследуемыми величинами y и x

Уравнение прямой линии имеет вид

$$y = a + bx, \quad (*)$$

где a – длина отрезка от начала координат до точки пересечения прямой с осью y ; b – тангенс угла наклона α прямой к оси x ($b = \operatorname{tg}\alpha$).

Прямую линию стараются провести так, чтобы сумма квадратов отклонений расчетных значений y_p от экспериментальных значений y_o была минимальной для всех n рассматриваемых опытов

$$S = \sum_{i=1}^n (y_p - y_o)^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - (a + b \cdot x_i))^2, \quad (3.1)$$

где i – индекс, нумерующий последовательные значения аргумента и соответствующие им ординаты функции.

Необходимо подобрать такие значения параметров a и b (коэффициенты уравнения регрессии), чтобы сумма квадратов отклонений S была минимальна. Для этого следует приравнять нулю частные производные от S по a и b

$$\begin{aligned} \frac{dS}{da} &= -2 \sum_{i=1}^n (y_i - a - bx_i) = 0 \\ \frac{dS}{db} &= -2 \sum_{i=1}^n (y_i - a - bx_i) \cdot x_i = 0. \end{aligned} \quad (3.2)$$

Преобразовав уравнения (3.2), получим

$$\sum_{i=1}^n y_i = a \cdot n + b \cdot \sum_{i=1}^n x_i$$

$$\sum_{i=1}^n y_i \cdot x_i = a \cdot \sum_{i=1}^n x_i + b \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2. \quad (3.3)$$

Введем обозначения:

$$S_1 = n; S_2 = \sum_{i=1}^n x_i; S_3 = \sum_{i=1}^n y_i; S_4 = \sum_{i=1}^n x_i^2; S_5 = \sum_{i=1}^n y_i \cdot x_i, \quad (3.4)$$

где n – общее число опытов, в которых измерялись значения величин x и y ; S_2 – характеризует сумму всех измеренных значений x , а S_3 – сумму всех значений величины y . Остальные обозначения понятны из формул.

С учетом изложенного получается следующая простая система уравнений относительно параметров a и b

$$S_3 = S_1 \cdot a + S_2 \cdot b \quad (3.5)$$

$$S_5 = S_2 \cdot a + S_4 \cdot b$$

Математически доказано, что коэффициенты уравнения

$S = \sum_{i=1}^n (y_p - y_o)^2 \longrightarrow \min$, вычисляются по следующим формулам:

$$a = \frac{S_3 \cdot S_4 - S_5 \cdot S_2}{S_1 \cdot S_4 - S_2 \cdot S_2}; \quad b = \frac{S_1 \cdot S_5 - S_2 \cdot S_3}{S_1 \cdot S_4 - S_2 \cdot S_2}. \quad (3.6)$$

Таким образом, задача определения коэффициентов уравнения линейной регрессии решена. Описанный метод называется методом наименьших квадратов. Он достаточно прост и удобен, но область его применения ограничена линейными зависимостями.

Пользуясь уравнением линейной регрессии, можно, не проводя дополнительных опытов, рассчитать для заданного x соответствующее значение y . Таким образом, с помощью уравнения регрессии можно прогнозировать величину y .

На практике могут встречаться, кроме линейной, следующие формы регрессии: гиперболическая, параболическая, степенная. Однако некоторые нелинейные зависимости легко преобразовать в линейные.

Например, гиперболическая связь $y = a_0 + a_1/x$ линеаризуется заменой переменной $z = 1/x$, тогда $y = a_0 + a_1 \cdot z$.

Показательная связь $y=a_0 \cdot e^{a_1 x}$ линеаризуется путем логарифмирования

$$v=\ln y=\ln a_0+a_1 \cdot x.$$

Степенная связь $y=a_0 \cdot x^{a_1}$ после логарифмирования линеаризуется заменой $\ln y=p$; $\ln a_0=c$; $\ln x=z$; тогда $p=c+a_1 \cdot z$.

Логарифмическая связь $y=a_0+a_1 \cdot \ln x$ линеаризуется заменой $z=\ln x$, тогда $y=a_0+a_1 \cdot z$.

Комбинированная связь $y=1/(a_0+a_1 \cdot e^{-x})$ линеаризуется заменой $v=1/y$; $z=e^{-x}$, тогда $v=a_0+a_1 \cdot z$.

Широкое использование линейных зависимостей и связей, легко приводимых к линейным, объясняется следующим. Линейные связи просты и требуют относительно малого объема вычислений, а методика их установления более глубоко разработана.

Уравнения корреляций. Корреляция является важнейшим типом взаимной зависимости случайных величин. Для установления связи между величинами их значения наносят на график (см. рисунок 3.2).

Каждой паре значений величин x и y на графике соответствует точка. Обычно такие точки не ложатся на одну линию, а занимают на плоскости чертежа некоторую область, образуя диаграмму рассеивания (корреляционное поле).

Причины рассеивания могут быть самыми различными (погрешности измерений, влияние неучтенных факторов и т.д.). Если один и тот же опыт в лаборатории проводится несколько раз, результаты измерений обычно отличаются друг от друга.

Связь между двумя величинами можно выразить уравнением регрессии в виде (*).

Коэффициенты a и b соответственно определяются по формулам:

$$\hat{a} = \frac{\sum_{i=1}^n y_i \sum_{i=1}^n x_i^2 - \sum_{i=1}^n x_i \cdot \sum_{i=1}^n x_i \cdot y_i}{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left(\sum_{i=1}^n x_i \right)^2}, \quad b = \frac{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i y_i - \sum_{i=1}^n x_i \cdot \sum_{i=1}^n y_i}{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left(\sum_{i=1}^n x_i \right)^2}. \quad (3.7)$$

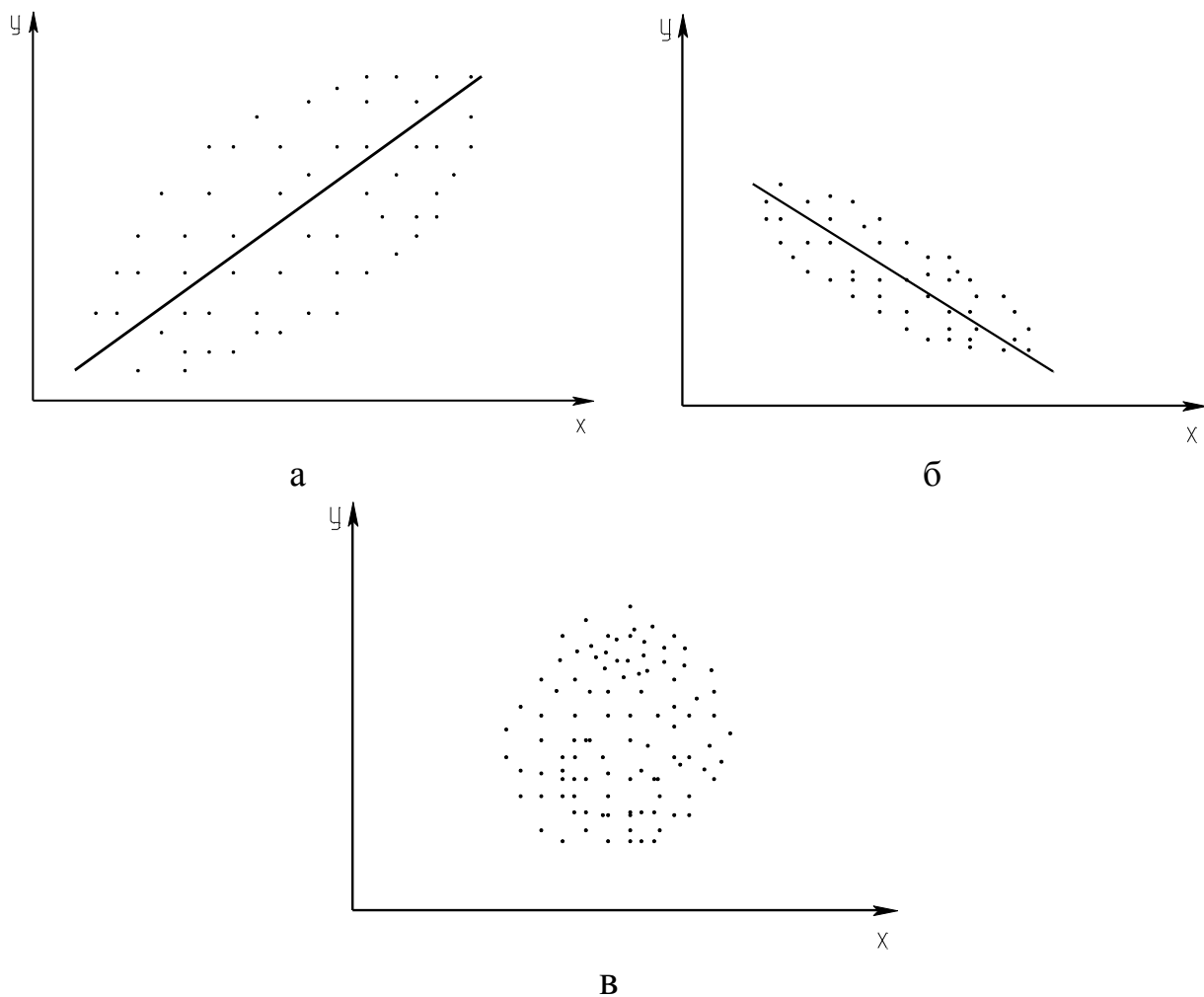


Рисунок 3.2 – Диаграммы рассеивания: а – сильная положительная корреляция; б – слабая отрицательная корреляция; в – отсутствие корреляции

Коэффициент а проще определить по известному b из выражения

$$a = \bar{y} - b \cdot \bar{x}, \quad (3.8)$$

где \bar{x} и \bar{y} – средние значения x и y.

Уравнение (3.8) показывает, что между коэффициентами a и b существует корреляционная зависимость. Теснота корреляционной связи между величинами x и y определяется коэффициентом корреляции.

Выборочный коэффициент корреляции вычисляется по следующей формуле

$$r^* = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x}) \cdot (y_i - \bar{y})}{(n-1) \cdot S_x \cdot S_y}, \quad (3.9)$$

где S_x, S_y – выборочные среднеквадратичные отклонения.

$$\text{или } r^* = \frac{b \cdot S_x}{S_y}, r^* = b \cdot \sqrt{\frac{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left(\sum_{i=1}^n \tilde{\alpha}_i\right)^2}{n \cdot \sum_{i=1}^n y_i^2 - \left(\sum_{i=1}^n y_i\right)^2}}. \quad (3.10)$$

Корреляционную связь между величинами называют положительной, если при увеличении одной из них возрастает другая величина. Отрицательной называют такую корреляционную связь, когда при увеличении одной из величин другая уменьшается. Коэффициент корреляции может принимать значения от +1 до -1. По рисунку 3.2 можно дать качественную оценку корреляционной связи между величинами.

Для количественной оценки линейной корреляции используется коэффициент парной корреляции, который принимает следующие значения:

- 1) $r_{xy} = 0$ – это свидетельствует об отсутствии корреляционной связи между x и y ;
- 2) $r_{xy} = 1$ – в данном случае существует строгая положительная детерминистическая связь (зависимость);
- 3) $r_{xy} = -1$ – между x и y существует строгая отрицательная детерминистическая связь (зависимость);
- 4) $-1 < r_{xy} < +1$ – корреляционная связь может быть как положительной, так и отрицательной и характеризуется различной степенью тесноты связи.

Множественная корреляция характеризует тесноту и направленность связи между результативным и несколькими факторными признаками.

Методика и порядок проведения работы

Включить пакетные включатели и ЭВМ.

При описании объектов *уравнением регрессии* составить алгоритм расчета и программу определения коэффициентов уравнения регрессии a и b , пользуясь вышеизложенной методикой. Выбрать ва-

риант исходных данных, указанных в таблице 3.1.

Таблица 3.1 – Данные для построения уравнений регрессии и корреляции

№ варианта	Экспериментальные значения x и y								
	x_i								
1	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	42,3	50,8	60,1	67,5	75,4	86,8	93	103,3
2	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	64,3	70,8	80,7	89,4	96,6	103,9	114,5	121
3	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	24,8	28,1	32,5	32,9	36,3	39,4	43,5	43,9
4	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	24,2	32,8	43,3	52,9	63,1	74,5	83,7	93,1
5	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	8,8	17,9	27,8	36,6	46,3	58,8	64,8	76,9
6	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	100,7	90,9	79,1	67,3	55,8	46,2	35,9	23,5
7	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	105,9	100,6	91,3	81,1	70,9	62,5	53,8	45,2
8	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	137,5	126,9	118,4	110,3	100,6	92,6	83,9	75,8
9	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	66,8	69,2	71,6	73,6	73,3	75,2	77,9	79,7
10	x_i	10	20	30	40	50	60	70	80
	y_i	5,9	9,7	15,4	19,1	23,9	29,8	34,2	38,3
11	x_i	80	90	100	110	120	130	140	150
	y_i	10,2	15,8	20,9	29,6	33,7	41,8	46,4	55,1
12	x_i	60	70	80	90	100	110	120	130
	y_i	185,2	159,2	135,1	107,9	80,4	55,6	27,4	3,1
13	x_i	60	70	80	90	100	110	120	130
	y_i	16,5	39,8	62,4	85,9	109,7	131,5	154,2	178,1
14	x_i	20	40	60	80	100	120	140	160
	y_i	76,5	85,9	95,8	103,4	113,1	120,6	128,8	136,9
15	x_i	20	40	60	80	100	120	140	160
	y_i	117,1	117,9	120,2	121,3	122,5	124,6	124,9	126,2

По экспериментальным данным следует вычислить суммы S_1, S_2, S_3, S_4, S_5 и решить систему уравнений относительно a и b (3.6).

На графике отметить экспериментальные точки (см. рисунок 3.1) и построить теоретическую линию по следующей методике: откладывая попарно значения измеренных величин, провести через полученные точки прямую. По отрезку, отсекаемому этой прямой на оси ОУ, и тангенсу угла наклона прямой рассчитывают значения физических параметров (y).

Для того чтобы провести линию через совокупность точек с помощью ЭВМ наилучшим образом, необходимо сначала выяснить, каким критериям она должна удовлетворять. В большинстве случаев усредняющую линию стараются провести так, чтобы сумма квадратов отклонений экспериментальных значений величины y от усредняющей была минимальна. Далее определяют среднеквадратичное отклонение.

Если сумму квадратов отклонений обозначить через S , то среднеквадратичное отклонение S_y вычисляется по формуле:

$$S_y = \sqrt{\frac{S}{n-1}}.$$

При составлении программы можно воспользоваться любым алгоритмическим языком программирования, редактором электронных таблиц EXCEL, математическим пакетом Math CAD, а также осуществлять программирование в среде Windows.

В качестве примера ниже приведена программа на языке QBasic.

```
CLS: ' Линейная регрессия
DIM X(50), H(50)
INPUT "Введите число экспериментов"; N
FOR I=1 TO N
PRINT "Введите"; I; "пару значений x и y"; : INPUT X(I), Y(I)
NEXT I
PRINT "Уравнение регрессии"
S1=N: S2=0: S3=0
S4=0: S5=0
FOR I=1 TO N
S2=S2+X(I): S3=S3+Y(I)
```

```

S4=S4+X(I)*X(I)
S5=S5+Y(I)*X(I)
NEXT I
D1=S1*S4-S2*S2
D2=S3*S4-S5*S2
D3=S1*S5-S2*S3
A=D2/D1: B=D3/D1
PRINT "Y="; A; "+"; B; "*X"
S=0
FOR I=1 TO N
S=S+(Y(I)-(A+B*X(I)))^2
NEXT I
S=SQR(S/N-1)
PRINT "Среднее квадратичное отклонение"; USING "###.###"; S
END.

```

При описании объектов *уравнением корреляций* выбрать вариант исходных данных, приведенных в таблице 3.1. Дать качественную оценку корреляционной связи между величинами x и y , построив график в координатах $x - y$.

Для количественной оценки следует определить коэффициент парной корреляции по следующей формуле

$$r_{xy} = \frac{S_1 \cdot S_5 - S_2 \cdot S_3}{\sqrt{(S_1 \cdot S_4 - S_2^2) \cdot (S_1 \cdot S_6 - S_3^2)}},$$

где $S_1=n$; n – общее количество пар x и y .

$$S_2 = \sum_{i=1}^n x_i; S_3 = \sum_{i=1}^n y_i; S_4 = \sum_{i=1}^n x_i^2; S_5 = \sum_{i=1}^n x_i \cdot y_i; S_6 = \sum_{i=1}^n y_i^2.$$

Расчеты коэффициентов парной корреляции выполнить на ЭВМ, для чего необходимо составить алгоритм и программу расчета.

Чем ближе абсолютное значение коэффициента корреляции $|r_{xy}|$ к единице, тем сильнее линейная связь между x и y . Величина r_{xy} одновременно отражает степень случайности и нелинейности связи между величинами x и y . Например, зависимость y от x может быть близкой к функциональной, но и существенно нелинейной. В этом случае ко-

ээффициент корреляции будет значительно меньше 1.

Тесноту связи между двумя величинами можно объективно оценить только после рассмотрения графика корреляционного поля и вычисления коэффициента парной корреляции.

При написании программы можно воспользоваться любым алгоритмическим языком программирования, редактором электронных таблиц Excel, математическим пакетом MathCAD, а также осуществить программирование в среде WINDOWS.

В качестве примера ниже приведена программа на языке Qbasic.

```
CLS: ' Коэффициент парной корреляции
DIM x(50), y(50)
INPUT "Введите количество пар x и y"; N
FOR I=1 TO N
PRINT "Введите"; I; "пару значений x и y";
INPUT x(I), y(I)
NEXT I
PRINT "Коэффициенты парной корреляции =";
S1=N: S2=0: S3=0: S4=0: S5=0: S6=0
FOR I=1 TO N
S2=S2+X(I)
S3=S3+Y(I)
S4=S4+X(I)*X(I)
S5=S5+X(I)*Y(I)
S6=S6+Y(I)*Y(I)
NEXT I
A=S1*S5-S2*S3
B=(S1*S4-S2*S2)*(S1*S6-S3*S3)
R=A/SQR(B): PRINT USING "###.#####";R
END.
```

Содержание отчета

В отчете о выполненной работе должны содержаться следующие данные.

Дата проведения работы.

Цель работы.

Математическое описание задачи.

Алгоритм расчета.

Таблица идентификаторов (в том случае, когда греческие буквы заменяются в программе их идентификаторами).

Программа расчета.

Результаты выполнения работы.

Выводы по работе.

Контрольные вопросы

Составление уравнений регрессии.

1. Какое уравнение называют уравнением регрессии?
2. Запишите уравнение линейной регрессии.
3. Какие существуют виды регрессии?
4. Охарактеризуйте этапы построения математической модели методом линейной регрессии.
5. Дайте понятие случайных величин и их характеристик.
6. Линеаризуйте следующие нелинейные зависимости:

$$y=a_0 \cdot e^{a_1 \cdot x} \quad y= a_0 \cdot x^{a_1} \quad y=a_0+a_1 \cdot \ln x.$$

Составление корреляционных уравнений.

1. Для решения каких задач используется корреляционно-регрессионный метод?
2. В каком случае используется множественная корреляция?
3. Поясните сущность парной корреляции.
4. Что характеризуют параметры регрессионного уравнения?
5. Какие значения может принимать коэффициент парной корреляции?
6. Какая корреляционная связь считается положительной, а какая отрицательной?
7. Что представляет собой корреляционное поле?

ПРОГРАММИРОВАНИЕ ЛИНЕЙНЫХ, РАЗВЕТВЛЯЮЩИХСЯ, ЦИКЛИЧЕСКИХ АЛГОРИТМОВ

Цель и содержание работы. Целью работы является овладение практическими навыками разработки, программирования вычислительного процесса различной структуры, отладки и тестирования программ. Содержание работы заключается в составлении математического описания отдельных задач химических производств, построении алгоритмов вычислительного процесса заданной структуры, проведение расчетов и анализ адекватности результатов.

Теоретическое обоснование

Линейный алгоритм. Инструкция по обработке информации состоит из набора команд. Последовательность команд, однозначно приводящая от исходных данных к верному конечному результату – алгоритм решения.

Разрабатывая алгоритм решения, следует:

- 1) записать, что дано в задаче, продумать, какие исходные данные и под какими именами будут введены в ячейки памяти;
- 2) записать, что требуется найти, продумать, как и под какими именами в ячейках памяти разместятся полученные результаты (промежуточные и конечные). Продумать с какой точностью должен быть выведен конечный результат;
- 3) продумать основные шаги решения задачи;
- 4) записать команды полученного алгоритма на выбранном языке программирования.

Графическое представление хода решения задачи – самый наглядный способ записи алгоритма.

Линейным считается алгоритм, в котором все необходимые операции выполняются строго последовательно. Реализующие его операции размещаются в теле программы также последовательно. Они выполняются все, начиная с первого оператора и заканчивая последним.

Пример линейного алгоритма приведен на рисунке 4.1.

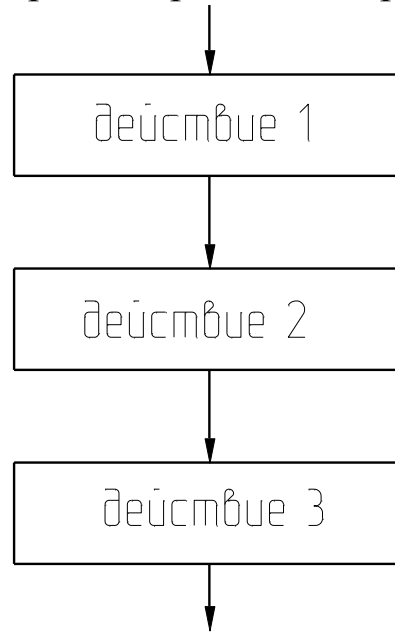


Рисунок 4.1 – Схема выполнения линейного алгоритма

Как видно из приведенного рисунка, объединяются несколько следующих друг за другом блоков действия.

Блок действия – блок, в котором происходит обработка данных (вычисления) и размещение результатов обработки в ячейки памяти с определенным именем или просто размещение данных в ячейки памяти с определенным именем, или просто размещение данных в ячейке памяти без предварительной обработки.

Например:

$$y=25$$

Взять число 25 и поместить его в ячейку памяти с именем у.

$$y = \frac{\sin x}{1+z+x^2}$$

Подсчитать результат арифметического выражения и поместить его в ячейку памяти с именем у.

$$y=y \cdot 5$$

Из ячейки памяти с именем у взять число, умножить его на 5 и результат поместить в ячейку памяти с именем у.

Разветвляющийся алгоритм. Во многих программах необходимо использовать дополнительные условные операторы передачи управления. Например, может потребоваться выполнение

некоторой операции, если какое-либо выражение меньше, равно или больше другого выражения, т.е. первоначально нужно установить логическое соотношение между двумя выражениями, а только затем осуществить требуемую операцию. Это может быть выполнено с помощью условного логического оператора IF (ЕСЛИ) : IF (L) S, где на месте S записывают любой исполнимый оператор (действие); L – логическое выражение.

При выполнении этого оператора сначала вычисляется логическое выражение L (оно может принимать одно из двух значений – “истина” или “ложь”). Если L принимает значение “истина”, то выполняется S. Если L принимает значение “ложь”, то оператор S не выполняется, а производится передача управления оператору, следующему за оператором IF.

Если при программировании используются алгоритмические языки, то более сложные логические выражения могут быть построены с помощью логических операций, объединяющих логические константы, переменные и операции отношения:

AND – логическое умножение (и),

OR – логическое сложение (или),

NOT – логическое отрицание (не).

Все действия выполняются ЭВМ последовательно в том порядке, в котором они записаны в программе. Эту последовательность выполнения операторов (действий) можно при необходимости изменить, используя оператор безусловного перехода Go To m, где m – номер, приписанный слева тому оператору, к выполнению которого должна перейти ЭВМ. Это номер m называется меткой оператора.

Блок разветвляющегося алгоритма приведен на рисунке 4.2 (а,б).

Как видно из рисунка, полный выбор (в зависимости от результата проверки условия) – это когда выполняются только действия ветви “да” (т.е. действия 1 и 2) или только действия ветви “нет” (т.е. действия 3 и 4); неполный выбор (в зависимости от результата проверки условия) – это либо выполняются действия одной ветви (например, действия 1 и 2 ветви “да”), либо эти действия

пропускаются.

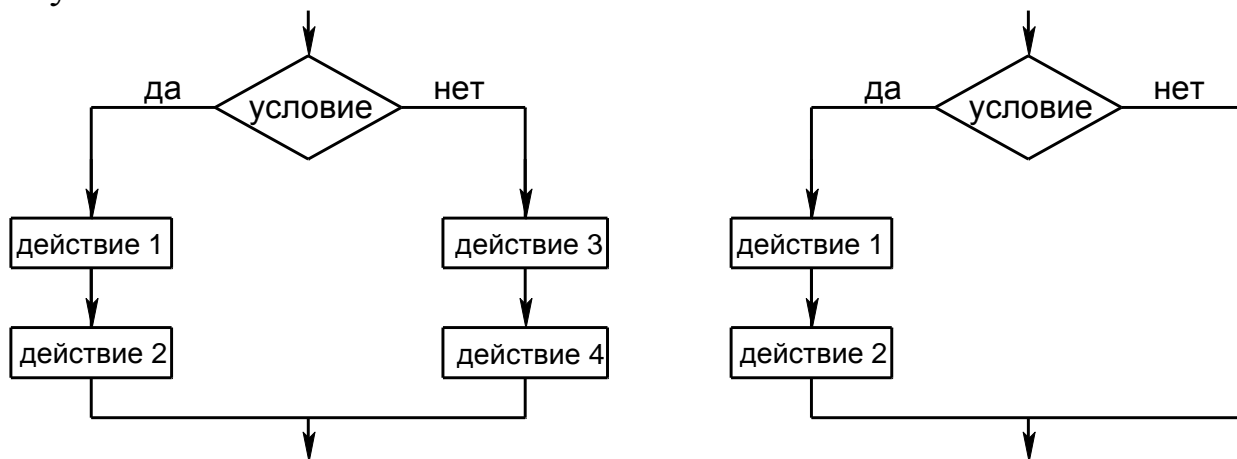


Рисунок 4.2 – Блок-схема разветвляющегося алгоритма: а) – полный выбор (полная альтернатива); б) – неполный выбор (неполная альтернатива)

Циклический алгоритм. На практике часто встречаются такие вычислительные процессы, когда решение задачи сводится к многократному вычислению по одним и тем же математическим зависимостям при различных значениях входящих в них величин. Данные вычислительные процессы называют циклическими, а многократно повторяемые участки вычислений – циклами.

Циклический алгоритм позволяет значительно сократить объем программ за счет многократного выполнения ее циклического участка.

Практически все циклические вычислительные процессы можно отнести к одному из трех типов:

- 1) цикл по переменной;
- 2) цикл с заранее известным числом повторений;
- 3) итерационный цикл – такой цикл, число повторений которого заранее не определено.

Циклический вычислительный процесс, в котором заранее неизвестны число повторений и окончание счета (выход из цикла) происходит после достижения заданной точности вычислений, называют итерационным.

Сравнивая арифметический цикл с итерационным можно отметить, что итерационный цикл состоит из тех же частей и

строится по такой же блок – схеме, что и арифметический.

Организацию циклов в программе можно осуществить с помощью условных операторов и операторов перехода.

Для организации выполнения любого циклического вычислительного процесса необходимы блоки, выполняющие следующие функции:

1) задания начального значения переменной, изменяющейся в цикле (подготовка к циклу);

2) вычисления функций, переменных и т.п. по заданным формулам (рабочая часть цикла – тело цикла);

3) изменения переменной (аргумента) перед каждым новым повторением цикла;

4) проверки условия окончания цикла и выхода из цикла, если цикл закончен, или перехода к началу цикла, если цикл не закончен.

Перечисленные блоки в зависимости от условий конкретных задач могут располагаться в различной последовательности или объединяться между собой.

На рисунках 4.3, 4.4, 4.5 показаны примеры изображения блоков циклической структуры.

В цикле с параметром (рисунок 4.3) тело цикла выполняется столько раз, сколько разных значений примет параметр в заданных пределах (от Н.З. до К.З.).

В цикле с предусловием (рисунок 4.4) – это условие выполнения цикла. Тело цикла может не выполниться ни одного раза.

В цикле с постусловием (рисунок 4.5) – это условие окончания цикла. Тело цикла выполнится хотя бы один раз.

Существуют следующие пути выхода из цикла:

1) переход к выполнению за циклом оператора при естественном завершении работы оператора цикла (рисунок 4.3);

2) возможность выхода из цикла до его естественного окончания. В этом случае выход реализуется с помощью одного из операторов передачи управления, например, операторов перехода, арифметического или условного оператора.

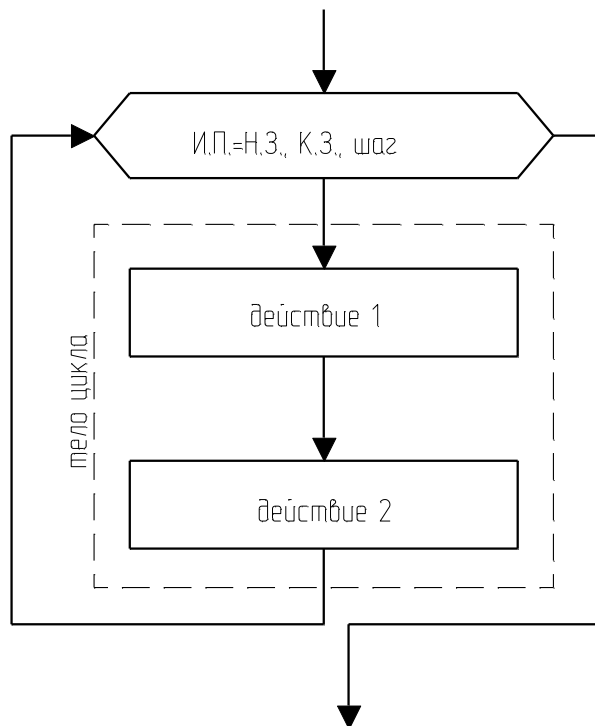


Рисунок 4.3 – Блок цикла с параметром: И.П. – имя ячейки памяти, содержащей параметр; Н.З. – начальное значение параметра; К.З. – конечное значение параметра; шаг – величина изменения параметра после каждого выполнения тела цикла

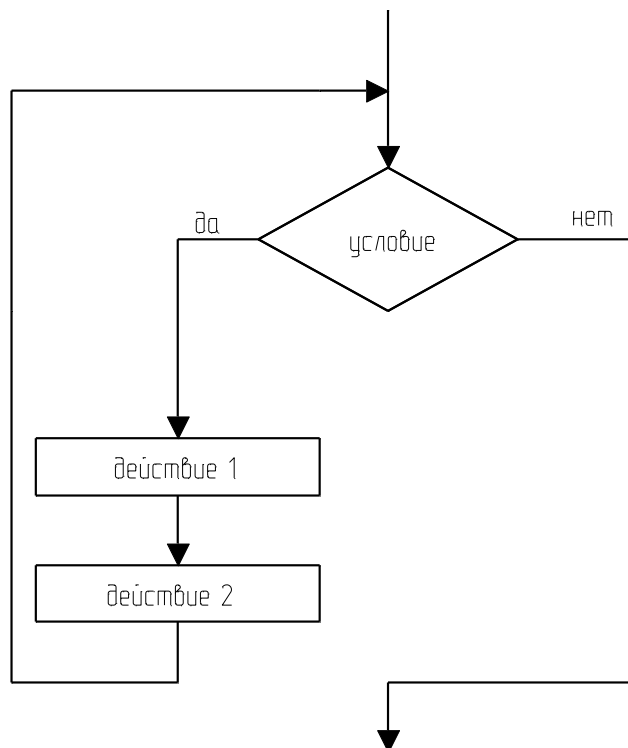


Рисунок 4.4 – Блок цикла с предварительным условием (предусловием)

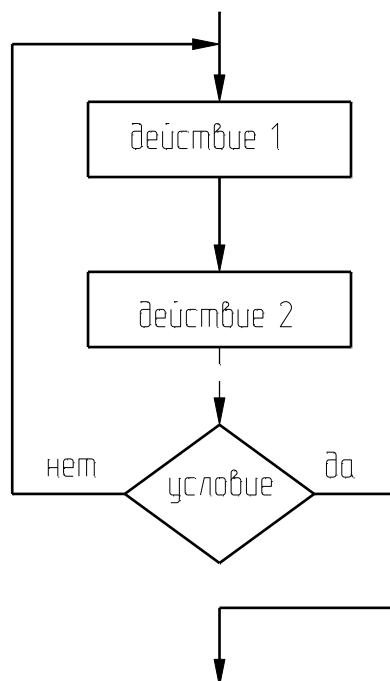


Рисунок 4.5 Блок цикла с последующим условием (постусловием)

Методика и порядок проведения работы

Включить пакетные выключатели и ЭВМ.

Выполнение заданий с использованием *линейных алгоритмов*.

Задание 1. Вычислить значения переменных, указанных в таблице 4.1 по приведенным ниже формулам и наборам исходных данных:

$$y = a \cdot \operatorname{tg}^3 x^2 + \sqrt{z^2 / (a^2 + x^2)},$$

$$p = \ln(a \cdot x^2) + \sin^2(z/a).$$

Таблица 4.1 – Исходные данные к расчетам

№ варианта	a	x	z	Ответы для самопроверки
1	2	3	4	5
1	0,59	2,1	-4,8	y=21,63491 p=2,532207
2	0,43	2,1	-3,7	y=15,89014 p=2,111615
3	0,63	6,1	-3,9	y=0,5409698 p=3,641937
4	0,43	7,1	5,4	y=0,7604977 p=3,928751
5	-0,43	-7,1	6,4	y=0,8984345 p=4,450428

1	2	3	4	5
6	-0,33	-6,1	7,4	y=1,261101 p=3,783801
7	-0,23	-6,1	57,4	y=9,437835 p=4,57419
8	0,13	-8,1	-77,4	y=9,561477 p=5,178955
9	-0,77	-8,1	-34,4	y=4,270217 p=4,58008
10	-0,33	-8,9	-77,3	y=8,515151 p=5,330848

На печать вывести значения вводимых исходных данных и результаты вычислений, сопровождая вывод наименованиями выводимых переменных.

Задание 2. Определить гидравлическое сопротивление насадочного слоя, состоящего из частиц диаметром d , м; высота слоя H , м; диаметр аппарата D , м; расход воздуха, проходящего через слой насадки V , м³/с; коэффициент формы частиц Φ ; температура среды t , °С.

Сопротивление слоя определяется по формуле

$$\Delta P = \frac{150 \cdot (1 - \varepsilon)^2 \cdot \mu \cdot \dot{V} \cdot \omega_0}{\Phi^2 \cdot \varepsilon^3 \cdot d^2}, \quad (4.1)$$

где ε – порозность слоя, м³/м³, определяемая по справочным данным в зависимости от вида насадки; μ – коэффициент динамической вязкости, Па·с, определяемый по справочным данным в зависимости от температуры; Φ – коэффициент формы (показывает отклонение формы частиц от шарообразной); d – диаметр частиц, м; ω_0 – фиктивная скорость, м/с.

Фиктивная скорость рассчитывается на полное сечение аппарата из уравнения расхода

$$V = \omega_0 \cdot F, \quad (4.2)$$

где F – площадь сечения аппарата, м².

$$\text{Откуда } \omega_0 = \frac{4 \cdot V}{\pi \cdot D^2}. \quad (4.3)$$

Исходные данные к заданию приведены в таблице 4.2.

Таблица 4.2 – Исходные данные к расчетам

№ варианта	Вид насадки	H, м	D, м	d, м	V, м ³ /с	Φ	t, °C
1	Кольца фарфоровые 8×8×1,5 мм	5	2,6	0,005	2	1	20
2	Кольца керамические 15×15×2 мм	3,5	2,0	0,0009	2,1	0,5	18
3	Кольца керамические 25×25×3 мм	4	2,2	0,003	1,8	0,7	22
4	Кольца керамические 35×35×4 мм	5,5	2,0	0,0045	2,3	0,8	23
5	Кольца керамические 15×15×2 мм	4,5	2,3	0,005	2,5	0,7	28
6	Кольца керамические 25×25×3 мм	3	2,5	0,0008	1,5	0,9	30
7	Кольца фарфоровые 8×8×1,5 мм	3,0	2,0	0,005	1,9	0,6	18
8	Кольца керамические 35×35×4 мм	4,1	2,1	0,003	2,0	0,9	22
9	Кольца керамические 8×8×1,5 мм	4,3	2,2	0,0002	2,3	0,5	20
10	Кольца керамические 15×15×2 мм	5,7	3,0	0,0009	1,5	0,7	27
11	Кольца фарфоровые 8×8×1,5 мм	2,8	1,5	0,003	2,7	0,9	32

На печать вывести значения вводимых исходных данных и результаты вычислений.

При выполнении заданий 1 и 2 необходимо разработать алгоритмы решения задач и составить программы вычислений в соответствии с назначенным вариантом по изложенной выше методике и математическому описанию.

При написании программы можно воспользоваться любым алгоритмическим языком программирования, редактором электронных таблиц Excel, математическим пакетом MathCAD, а также осуществлять программирование в среде Windows.

Выполнение заданий с использованием *разветвленных алгоритмов*.

Задание 3. Вычислить значения функций, приведенных ниже.

$$S = \begin{cases} a \cdot t + b, & \text{àñèè } a \cdot t < 1 \\ \cos(a \cdot t), & \text{àñèè } a \cdot t = 1 \\ e^{-a \cdot t} \cdot \cos(a \cdot t), & \text{àñèè } a \cdot t > 1. \end{cases} \quad (4.4)$$

Исходные данные к расчетам приведены в таблице 4.3.

Таблица 4.3 – Исходные данные к расчетам

№ варианта	a	b	t	Ответы для само- проверки S=
1	1,3	1,29	0,38	1,784
2	1,2	1,26	0,7	2,1
3	2,1	3,2	0,1	3,41
4	1,8	1,3	0,2	1,66
5	2,1	3,2	0,3	3,83
6	3,2	2,3	0,2	2,94
7	3,4	2,2	0,1	2,54
8	3,2	5,2	0,1	5,52
9	4,1	1,2	0,3	0,097
10	2,1	2,1	0,1	2,31
11	3,2	3,1	0,3	4,06
12	4,1	1,1	0,1	1,51
13	2,1	3,1	0,1	3,31

На печать вывести значения вводимых исходных данных и результаты вычислений, сопровождая вывод наименованиями переменных.

Задание 4. Определить гидравлическое сопротивление слоя ΔP , Па, сухой насадки высотой H , м, через которую просасывается газ при температуре t , °С, и атмосферном давлении с фиктивной скоростью $\omega_{\text{ф}}$, м/с.

Гидравлическое сопротивление слоя сухой насадки определяется по формуле

$$\Delta P = \lambda \cdot \frac{H}{d_3} \cdot \frac{\rho_{\text{г}} \cdot \omega_{\text{г}}^2}{2}, \quad (4.5)$$

где λ – коэффициент сопротивления; d_3 – эквивалентный диаметр, м; $\rho_{\text{г}}$ – плотность газа, кг/м³; $\omega_{\text{г}}$ – действительная скорость газа, м/с; H – высота слоя насадки, м.

Эквивалентный диаметр частиц насадки определяется по формуле

$$d_3 = \frac{4 \cdot \varepsilon}{\sigma}, \quad (4.6)$$

где ε – свободный объем, м³/м³; σ – удельная поверхность, м²/м³.

Величины ε и σ определяются по справочным данным в зависимости от характеристики насадки.

Действительная скорость газа определяется по формуле

$$\omega_{\text{г}} = \frac{\omega_{\text{ф}}}{\varepsilon}, \quad (4.7)$$

где $\omega_{\text{ф}}$ – фиктивная скорость газа.

Плотность газа определяется по формуле

$$\rho_{\text{г}} = \rho_0 \cdot \frac{T_0 \cdot P}{T \cdot P_0}, \quad (4.8)$$

где ρ_0 – плотность газа при 0 °С и 0,1013 МПа, кг/м³; T_0 , P_0 – соответственно температура и давление, К, МПа; ρ_0 определяется по справочным данным или по формуле

$$\rho_0 = \frac{M}{22,4}, \quad (4.9)$$

где M – молярная масса, кг/кмоль; 22,4 – объем одного кмоль,

м³/кмоль.

Коэффициент гидравлического сопротивления определяется как функция от критерия Рейнольдса.

Значение критерия Re определяется по формуле

$$Re = \frac{\omega_r \cdot d_3 \cdot \rho_r}{\mu_r}, \quad (4.10)$$

где μ_r – коэффициент динамической вязкости газа, Па·с; μ_r определяется по справочным данным в зависимости от температуры.

При значении критерия $Re < 40$ режим ламинарный и $\lambda = \frac{140}{Re}$;

при $Re \geq 40$ – режим турбулентный и $\lambda = \frac{16}{Re^{0.2}}$.

Переходного режима здесь нет, т.к. в слое насадки его трудно определить.

Значения исходных данных к выполнению задания приведены в таблице 4.4.

Таблица 4.4 – Исходные данные к расчетам

№ варианта	Вид насадки	Размеры элемента насадки, мм	H, м	газ	t, °C	ω_{ϕ} , м/с
1	2	3	4	5	6	7
1	Кольца фарфоровые	8×8×1,5	2	O ₂	15	0,5
2	Кольца керамические	25×25×3	3	Cl ₂	35	1,1
3	Кольца керамические	35×35×4	5	CO ₂	50	0,25
4	Кольца керамические	15×15×2	3,5	CH ₄	30	0,65
5	Кольца фарфоровые	8×8×1,5	10	NO	55	0,064
6	Кольца керамические	25×25×3	2,5	NH ₃	35	0,4
7	Кольца керамические	35×35×4	8,5	CO	60	0,15

Продолжение таблицы 4.4

1	2	3	4	5	6	7
8	Кольца керамические	50×50×5	2,6	SO ₂	15	0,65
9	Кольца керамические	15×15×2	3	воздух	20	0,4
10	Кольца керамические	25×25×3	3,5	NO	25	1,0
11	Кольца керамические	35×35×4	4	CO ₂	40	0,3
12	Кольца стальные	35×35×2,5	3	N ₂	25	0,5
13	Кольца фарфоровые	8×8×1,5	10	CH ₄	20	0,08

На печать вывести значения вводимых исходных данных и результаты вычислений.

Задание 5. Определить диаметр отстойника D , м непрерывного действия с гребковой мешалкой для осаждения твердых частиц, взвешенных в водной суспензии, имеющей температуру, t °С. Диаметр частиц – d , мкм. Производительность отстойника G , т/ч по исходной суспензии, начальная концентрация которой составляет c_n , % (масс.) твердого вещества. Влажность шлама $x_{ш}$, % (масс.).

Диаметр отстойника определяется по формуле

$$D_{отс.} = \sqrt{\frac{4 \cdot F_{ос.}}{\pi}}, \quad (4.11)$$

где $F_{ос.}$ – площадь осаждения отстойника, м².

Площадь осаждения определяется по формуле

$$F_{ос.} = \frac{G}{3600} \cdot \frac{(1 - \frac{c_n}{c_k})}{\rho_{ж.} \cdot \omega_{ос.}^d}, \quad (4.12)$$

где c_n , c_k – начальная и конечная концентрации твердой фазы суспензии, % (масс.); $\omega_{ос.}^d$ – действительная скорость осаждения, м/с; $\rho_{ж.}$ – плотность осветленной жидкости, определяется по справочным данным.

Теоретическая скорость осаждения (одиночной частицы) $\omega_{ин}^0$:

а) при ламинарном режиме ($Re \leq 0,2$; $Ar \leq 3,6$),

$$\omega_{\text{ос.}}^{\text{т}} = \frac{d_{\text{ч}}^2 \cdot (\rho_{\text{т}} - \rho_{\text{ж}}) \cdot g}{18 \cdot \mu_{\text{с}}}, \quad (4.13)$$

где $\mu_{\text{с}}$ – коэффициент динамической вязкости суспензии, Па·с; $\rho_{\text{т}}$ – плотность твердого вещества, кг/м³; $d_{\text{ч}}$ – диаметр частицы, м; g – ускорение свободного падения ($g=9,81$ м/с²);

б) при переходном режиме ($0,2 \leq \text{Re} < 500$; $3,6 \leq \text{Ar} < 84000$)

$$\omega_{\text{ос.}}^{\text{т}} = 0,151 \cdot \frac{g^{0,42} \cdot d_{\text{ч}}^{1,14}}{\mu_{\text{с}} \cdot \rho_{\text{ж}}^{0,29}} \cdot (\rho_{\text{т}} - \rho_{\text{ж}})^{0,72}; \quad (4.14)$$

в) при турбулентном режиме ($\text{Re} > 500$; $\text{Ar} > 84000$)

$$\omega_{\text{ос.}}^{\text{т}} = 1,74 \cdot \sqrt{d_{\text{ч}} \cdot \frac{\rho_{\text{т}} - \rho_{\text{ж}}}{\rho_{\text{ж}}} \cdot g}. \quad (4.15)$$

Критерии Re и Ar определяются по формулам

$$\text{Re} = \frac{\omega_{\text{ос.}}^{\text{т}} \cdot d_{\text{ч}} \cdot \rho_{\text{ж}}}{\mu_{\text{с}}}, \quad \text{Ar} = \frac{d_{\text{ч}}^3 \cdot (\rho_{\text{т}} - \rho_{\text{ж}}) \cdot \rho_{\text{ж}} \cdot g}{\mu_{\text{с}}^2}. \quad (4.16)$$

Действительная скорость стесненного осаждения определяется по формуле

$$\omega_{\text{м.}}^{\text{а}} = 0,5 \cdot \omega_{\text{м.}}^{\text{б}}. \quad (4.17)$$

Концентрация твердой фазы конечной суспензии

$$\tilde{n}_{\text{э}} = 100 - x_{\phi}. \quad (4.18)$$

Исходные данные к выполнению задания приведены в таблице 4.5.

Таблица 4.5 – Исходные данные к расчетам

№ варианта	Вещество	t, °C	G, т/ч	C _н , %(масс.)	d _ч , мкм	x _ш , %(масс.)
1	2	3	4	5	6	7
1	Мел	35	80	8	35	70
2	Каолин	10	85	15	20	60
3	Апатит	15	75	7	25	72
4	Глина	30	100	10	60	65
5	Песок	20	900	5	200	80
6	Фосфорит	8	200	6	120	76
7	Нефелин	24	60	14	20	67
8	Уголь	40	400	8	80	68
9	Мел	10	200	15	80	72

Продолжение таблицы 4.5

1	2	3	4	5	6	7
10	Песок	25	180	12	100	64
11	Каолин	32	90	9	50	73
12	Фосфорит	17	500	7	100	79
13	Апатит	15	250	9	40	70
14	Уголь (антрацит)	10	100	10	50	70

На печать вывести значения вводимых исходных данных и результаты вычислений.

Разработать алгоритмы решения заданий 3-5. Как следует из математических описаний, алгоритмы заданий будут включать линейную и разветвляющую структуры.

Составить программы решения задач по вышеизложенной методике и математическому описанию.

При написании программы можно воспользоваться любым алгоритмическим языком программирования, редактором электронных таблиц Excel, математическим пакетом MathCAD, а также осуществлять программирование в среде Windows.

Выполнение расчетов с использованием *циклических алгоритмов*.

Задание 6. Вычислить значение функции $S(t)$, формула (4.4), при изменении аргумента t в диапазоне $[a, b]$ с шагом $[\Delta c]$. Вывод значений t и S выполнить в виде таблицы.

Варианты 1 – 6 – диапазон аргумента t изменяется от 0,1 до 2,1 с шагом 0,1; варианты 7 – 13 – диапазон аргумента t изменяется от 0,2 до 3,5 с шагом 0,2.

Разработать алгоритм решения задачи в соответствии с заданием. Модифицировать составленную в задании 3 программу таким образом, чтобы вычислялось многократно значение функции при изменении аргумента в указанном диапазоне и с заданным шагом.

Задание 7. Определить диаметр циклона типа НИИОГАЗ по следующим данным: расход запыленного воздуха V , м³/ч при 0 °С, 760 мм рт. ст.; температура воздуха t , °С. Определить также гидравлическое сопротивление циклона ΔP .

Диаметр циклона определяется по скорости газа, отнесенной к полному поперечному сечению в цилиндрической части циклона (из уравнения расхода)

$$D = \sqrt{\frac{V_d}{0,785 \cdot \omega_{\text{ц}}}}, \quad (4.19)$$

где V_d – действительный расход газа, м³/ч; $\omega_{\text{ц}}$ – скорость газа (воздуха) в цилиндрической части циклона, м/с.

Действительный расход газа определяется из уравнения

$$V_d = V_0 \cdot \frac{T \cdot P_0}{T_0 \cdot P}, \quad (4.20)$$

где V_0 – расход газа, м³/с; T_0 и P_0 – базовые температура и давление.

Значение скорости определяется из выражения для определения гидравлического сопротивления

$$\Delta P = \xi \cdot \frac{\rho_r \cdot \omega_{\text{ц}}^2}{2} \Rightarrow \omega_{\text{ц}} = \sqrt{\frac{2}{\xi} \cdot \frac{\Delta P}{\rho_r}}, \quad (4.21)$$

где ξ – коэффициент сопротивления.

Отношение $\Delta P/\rho_r$ изменяется в пределах от 500 до 1000 для циклонов типа ЦН.

Для циклонов: ЦН-24 $\xi = 60$; ЦН-15 $\xi = 160$; ЦН-11 $\xi = 250$. Циклон ЦН-15 считается наиболее эффективным.

По рассчитанному значению диаметра подбирается диаметр из стандартного ряда: 0,1, 0,2, 0,3 ... 1. Циклоны с $D > 1$ м не эффективны. В этом случае ставят группы циклонов или батарейные циклоны.

Уточняется действительная скорость газа

$$\omega_d = \frac{V_d}{0,785 \cdot D^2}, \quad (4.22)$$

где D – уточненное значение диаметра из стандартного ряда.

Гидравлическое сопротивление циклона определяют по формуле

$$\Delta P = \xi \frac{\rho_r \cdot \omega_d^2}{2}, \quad (4.23)$$

где ρ_r – плотность газа, кг/м³.

Плотность газа определяется по формуле

$$\rho_a = \rho_0 \cdot \frac{T_0 \cdot P}{T \cdot P_0}. \quad (4.24)$$

Исходные данные к выполнению задания приведены в таблице 4.6.

Таблица 4.6 – Исходные данные к расчетам

№ варианта	Исходные данные		Ответы для самопроверки	
	V, м ³ /ч	t, °С	Диаметр стандартного циклона, м	ΔP, МПа
1	5100	50	0,8	984
2	3000	20	0,6	952
3	4000	100	0,8	690
4	3600	120	0,8	593
5	2400	60	0,6	698
6	3200	80	0,7	715
7	1800	77	0,5	864
8	1000	90	0,4	630
9	3900	110	0,8	680
10	2800	50	0,6	927
11	3600	70	0,7	981
12	2600	50	0,6	795
13	600	80	0,3	739
14	2000	30	0,5	921
15	5400	27	0,8	1007
16	3600	57	0,7	844

При разработке алгоритма и составлении программы предположить, что диаметр циклона получился $D > 1$ м. Далее следует проанализировать формулы (4.19), (4.21) и, варьируя отношением $\Delta P/\rho_{г}$, уменьшить диаметр циклона. В этом случае алгоритм будет включать линейную, разветвляющуюся и циклическую структуры.

При написании программ в задании 7 можно пользоваться любым алгоритмическим языком программирования.

Содержание отчета

В отчете о выполненной работе должны содержаться следующие данные.

Дата проведения работы.

Цель работы.

Математическое описание задачи.

Алгоритм расчета.

Таблица идентификаторов (в том случае, когда греческие буквы заменяются в программе их идентификаторами).

Программа расчета.

Результаты выполнения работы.

Выводы по работе.

Контрольные вопросы

Выполнение расчетов с использованием *линейных алгоритмов*.

1. Указать имена стандартных функций для вычисления \sqrt{x} , e^x , $\sin x$, $\cos x$, $\ln x$, $|x|$.

2. Назвать последовательность действий при выполнении арифметического оператора присваивания.

3. Дать определение алгоритма.

4. Какой алгоритм считается линейным?

5. Как организовать вывод значений, сопровождая выводимое числовое значение наименованием переменной?

Выполнение расчетов с использованием *разветвляющихся алгоритмов*.

1. Перечислить действия, реализуемые при выполнении условного оператора.

2. Какие действия выполняются оператором перехода?

3. Что такое вычислительный процесс разветвляющейся структуры?

4. Как организовать разветвление вычислений:

а) на две ветви; б) на три ветви?

5. С помощью каких операторов можно организовать разветвление вычислений?

Выполнение расчетов с использованием *циклических алгоритмов*.

1. Какой вычислительный процесс называется циклическим?

2. Что характерно для арифметического цикла? Как он организуется?

3. Что характерно для итерационного цикла? Как он организуется?

4. Какие функциональные блоки имеет любой циклический вычислительный процесс?

5. Указать последовательность действий, выполняемых при организации циклических участков программы с заданным числом повторений.

6. Каково назначение цикла?

ПРОГРАММИРОВАНИЕ И ИССЛЕДОВАНИЕ МОДЕЛЕЙ ГИДРОДИНАМИКИ ПРОТОЧНЫХ АППАРАТОВ

Цель и содержание работы. Целью работы является изучение основных закономерностей процессов в потоке аппаратов идеального вытеснения и перемешивания. Содержание работы заключается в реализации на ЭВМ типовых математических моделей проточных аппаратов.

Теоретическое обоснование

Аппараты идеального вытеснения и смешения – модели аппаратов, через которые протекают потоки идеального вытеснения и идеального смешения.

Идеальные потоки – это абстракция, которую нельзя точно осуществить на практике.

В аппарате *идеального вытеснения* (рисунок 5.1) поток движется совершенно равномерно.

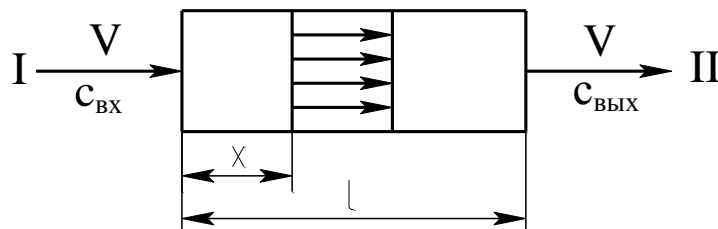


Рисунок 5.1 – Схема потока идеального вытеснения

В любом поперечном сечении все частицы имеют одинаковую скорость. Фронт потока движется как твердый поршень. Поэтому такой поток иногда называют поршневым.

При анализе сложных процессов (реакций, проходящих с выделением и отводом тепла) добавляется еще одно свойство. Не только скорость, но и концентрация, и температуры в таком потоке выровнены по поперечному сечению.

Время пребывания всех частиц в потоке идеального вытеснения одинаково.

Выделим в потоке малый объем, занимающий все поперечное сечение и движущийся вместе с потоком (рисунок 5.2). Такой объем в потоке можно рассматривать как замкнутый.

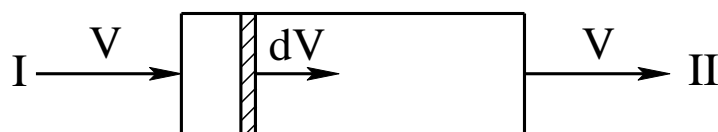


Рисунок 5.2 – Схема малого объема, движущегося в потоке идеального вытеснения

Замкнутой называется система, которая по ходу процесса не обменивается веществом с окружающей средой (хотя и может обмениваться энергией). Большинство химико-технологических процессов протекают в открытых системах, которые характеризуют обмен с окружающей средой энергией и веществом. Лишь в одном крайнем случае (поток идеального вытеснения) в аппарате непрерывного действия удастся выделить объем, который можно считать закрытым.

В процессе течения ни одна частица не выйдет из этого объема ни вперед, ни назад, так же ни одна частица не войдет в рассматриваемый объем из таких же объемов, примыкающих к нему.

Поэтому кинетика реакции при постоянном объеме будет описываться уравнением

$$\frac{dc_j}{d\tau} = r_j, \quad (5.1)$$

где c_j – концентрация j -го компонента; τ – время; r – скорость реакции.

Уравнение (5.1) равносильно системе уравнений

$$\frac{dc_j}{d\tau} = \sum_{i=1}^m s_{ji} \cdot k_i \cdot c_A^{n_{1j}} \cdot c_B^{n_{2j}} \dots, \quad (5.2)$$

где s_j – стехиометрический коэффициент j -го компонента; k – константа скорости реакции; i – номер стадии; n_1 – порядок реакции по веществу А; n_2 – порядок реакции по веществу В; m – число стадий.

Для удобства интегрирования во многих частных случаях уравнение кинетики используют в виде

$$r = \frac{dc}{d\tau}. \quad (5.3)$$

Время пребывания всех частиц в системе одинаково и равно отношению объема системы к объемному расходу жидкости. Тогда математическое описание системы будет иметь вид

$$\frac{dc}{d\tau} = -\omega \cdot \frac{dc}{dx}, \quad (5.4)$$

где c – концентрация субстанции (вещества или энергии); τ – время; ω – линейная скорость потока; x – координата.

Модели идеального вытеснения соответствуют процессы, происходящие в трубчатых аппаратах, для которых отношение длины трубы к диаметру превышает 50.

Аппарат с мешалкой (рисунок 5.3) представляет собой *аппарат идеального смешения*.

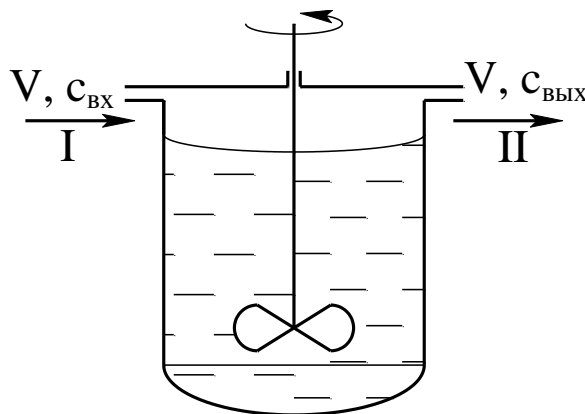


Рисунок 5.3 – Схема аппарата с мешалкой: I – вход потока; II – вывод потока

Мощность мешалки такова, что поступающая жидкость мгновенно перемешивается с массой уже находящейся в аппарате, т.е. мгновенно равномерно распределяется по всему его объему.

Концентрация всех веществ и температура выровнены по объему аппарата. Поэтому на выходе из аппарата идеального смешения концентрации и температура те же, что в объеме.

Время пребывания в аппарате идеального смешения распределено неравномерно. Аппарат, как и любая его часть, принципиально открыты.

Зависимость между концентрацией субстанции в потоке на входе ($c_{\text{вх}}$) и выходе ($c_{\text{вых}}$) имеют следующий вид (математическое описание):

$$\frac{dc_{\hat{a}\hat{o}}}{d\tau} = \frac{V_c}{V} \cdot (c_{\hat{a}\hat{o}} - c_{\hat{a}\hat{o}}), \quad (5.5)$$

где τ – текущее время; V_c – объемная скорость потока; V – объем системы.

Модели идеального смешения соответствуют процессам, происходящим в цилиндрических аппаратах со сферическим дном в условиях интенсивного перемешивания при наличии отражательных перегородок.

Методика и порядок проведения работы

Объектом исследования служит реактор идеального вытеснения.

Включить пакетные выключатели и ЭВМ.

Составить программу расчета концентраций веществ А и Е, проходящих через реактор идеального вытеснения, по приведенному ниже алгоритму.

Как следует из уравнения (5.4) математическое описание аппарата в стационарном режиме работы имеет вид:

$$\begin{aligned} \frac{V}{F} \cdot \frac{dc_A}{dx} &= -k \cdot C_A \cdot C_E, \\ \frac{V}{F} \cdot \frac{dc_E}{dx} &= -k \cdot C_A \cdot C_E, \end{aligned} \quad (5.6)$$

где V – производительность аппарата, м³/с; F – поперечное сечение, м²; k – константа скорости реакции; C_A, C_B – концентрации реагирующих компонентов в точке X по длине реактора (рисунок 5.4).

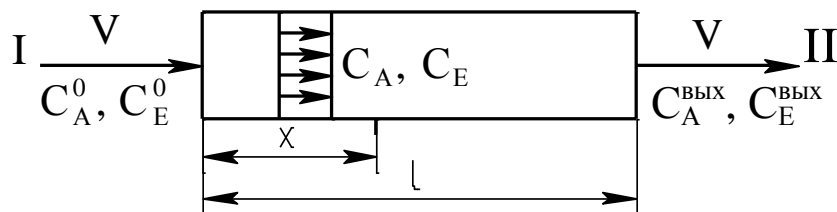


Рисунок 5.4 – Схема к расчету реактора идеального вытеснения

Задаются начальные условия

$$\tilde{N}_A = C_A^0; \tilde{N}_E = C_E^0 \text{ при } x=0.$$

Полагая, что реакция протекает в изотермических условиях ($T=\text{const}$), получим систему дифференциальных уравнений:

$$\begin{cases} \frac{dC_A}{dx} = -\frac{F}{V} \cdot k \cdot C_A \cdot C_E = f_1(C_A, C_E) \\ \frac{dC_E}{dx} = -\frac{F}{V} \cdot k \cdot C_A \cdot C_E = f_2(C_A, C_E). \end{cases} \quad (5.7)$$

Знак “-“ в правой части уравнения (5.7) соответствует изменению концентрации по длине реактора.

Для решения системы дифференциальных уравнений широко используются различные численные методы. Они, как правило, основываются на шаговых схемах вычислений, т.е. значение искомой функции в последующей точке интервала интегрирования определяется через ее значение в предыдущей точке (или в ряде предыдущих точек). Таким образом, система уравнений (5.7) может быть решена путем последовательных приближений по методу Эйлера. В соответствии с этим методом искомые концентрации C_A и C_B определяется по формулам:

$$\begin{aligned} C_A &= C_A^0 + \Delta x \cdot f_1(C_A, C_E), \\ C_E &= C_E^0 + \Delta x \cdot f_2(C_A, C_E). \end{aligned} \quad (5.8)$$

Для составления программы рекомендуется воспользоваться графической схемой алгоритма (рисунок 5.5).

Приведенный алгоритм необходимо представить также в пошаговой форме. Все необходимые расчеты произвести на ЭВМ.

При написании программы можно воспользоваться любым алгоритмическим языком программирования, а также редактором электронных таблиц Excel.

Исходные данные к расчету приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Исходные данные к расчетам

№ Варианта	$\tilde{N}_A^0, \%$	$\tilde{N}_E^0, \%$	k	F, м ²	V, м ³ /с	l, м	$\Delta x, м$
1	15	20	0,2	0,19	2	5	0,3
2	10	12	0,3	0,78	3,5	15	0,5
3	5	20	0,25	6,28	6	7	0,2
4	15	3	0,5	4,90	15	18	0,5
5	25	18	0,35	1,78	10	20	0,5

Продолжение таблицы 5.1

1	2	3	4	5	6	7	8
6	10	2	0,1	12,56	4	5	0,1
7	4	12	0,4	11,34	2	2,5	0,2
8	11	7	0,3	23,7	1,5	3	0,3
9	16	4	0,1	6,28	3,1	4	0,2
10	5	12	0,25	4,90	2,5	5	0,5
11	13	4	0,5	1,78	3	4,5	0,5
12	15	8	0,2	10,17	4	7	0,4
13	25	18	0,3	25,5	5	8	0,5
14	10	3	0,35	6,28	12	10	0,5
15	12	4	0,33	4,9	10	7	0,5

Содержание отчета

В отчете о выполненной работе должны содержаться следующие данные:

Дата проведения работы.

Цель работы.

Математическое описание задачи.

Алгоритм расчета.

Программа расчета.

Результаты выполнения работы.

Выводы по работе.

Контрольные вопросы

1. В чем заключается задача математического моделирования реактора идеального вытеснения?

2. Какой поток соответствует модели идеального вытеснения?

3. Перечислить общие требования, предъявляемые к системе уравнений математического описания.

4. Какие параметры входят в уравнения математического описания? Как задаются начальные условия?

5. В чем отличие аппаратов идеального вытеснения и смешения?

6. Какие основные свойства можно выделить при анализе потоков идеального вытеснения?

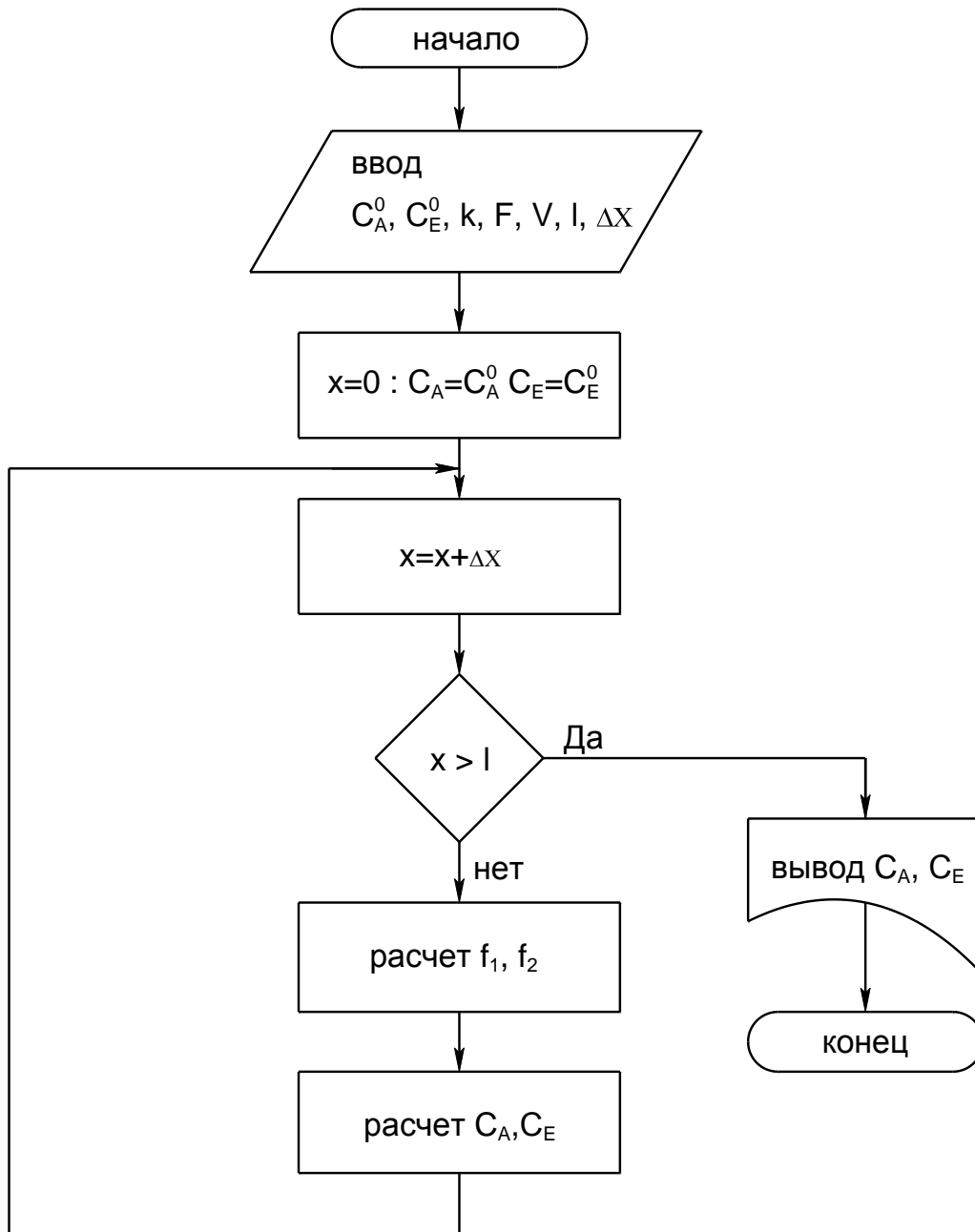


Рисунок 5.5 – Алгоритм расчета реактора идеального вытеснения

ПРОГРАММИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ МАССООБМЕННЫХ ПРОЦЕССОВ И АППАРАТОВ

Цель и содержание работы. Целью работы является изучение основных этапов моделирования массообменных процессов. Содержанием работы является составление математического описания массообменного процесса и его реализация на ЭВМ.

Теоретическое обоснование

Процессы, в которых вещества переходят из одной фазы в другую (ректификация, абсорбция, экстракция), играют важную роль в химической технологии.

При описании этих процессов возникают специфические трудности, усложняющие создание математических моделей и работу с ними:

- 1) наличие двухфазного потока приводит к более сложным, чем в однофазных процессах, уравнениям материального баланса;
- 2) межфазное равновесие часто описывается сложными соотношениями, теоретический вид которых во многих случаях неизвестен;
- 3) надежные теоретические уравнения кинетики массообмена пока не созданы;
- 4) гидродинамика двухфазных потоков, во многом определяющая кинетику процессов, крайне сложна и плохо изучена;
- 5) в двухфазных потоках очень сложны процессы продольного перемешивания;
- 6) конструктивные особенности аппаратуры чрезвычайно разнообразны.

Расчет аппаратуры для осуществления процессов массопередачи в конечном счете сводится к нахождению двух размеров: диаметра и высоты или длины зоны контакта.

Диаметр или сечение аппарата определяется заданной производительностью по сплошной фазе (газу, пару) и линейной скоростью потока в полном сечении аппарата, определяемой из гидродинамиче-

ских условий его работы.

Высота аппарата вычисляется по заданным начальным и конечным концентрациям выделяемых компонентов, движущей силы и скорости переноса вещества.

При математическом моделировании процессов массопередачи широко используется блочный принцип, в соответствии с которым модель формируется из ее отдельных составляющих. Имея информацию о равновесных данных и составив материальный и тепловой балансы процесса, можно изучить гидродинамическую модель процесса – основу математического описания. Затем исследуют кинетику процесса массопередачи, соблюдая гидродинамические условия найденной модели, и составляют математическое описание этих процессов с учетом уравнений равновесия; материальных и тепловых балансов и граничных условий.

На заключительном этапе моделирования математические описания всех сторон процесса объединяют в полную математическую модель.

Математическое описание каждого блока модели может иметь различную степень детализации. Важно лишь, чтобы входные и выходные переменные всех блоков модели находились во взаимном соответствии, что обеспечит получение замкнутой системы уравнений математической модели процесса в целом.

При практическом использовании блочного принципа в математическом описании каждого блока на том или ином уровне его детализации приходится пользоваться эмпирическими соотношениями, чаще всего имеющими вид регрессионных зависимостей.

При расчете массообменных процессов неравномерность распределения элементов потока на тарелках обычно учитывается локальными характеристиками ограниченных объемов массообменного пространства, в пределах которых допускается идеализированное представление о механизме переноса вещества. Выделенные локальные объемы с однородными свойствами описываются типовыми гидродинамическими моделями.

В данной лабораторной работе рассматривается типовая модель структуры потоков фаз на примере расчета абсорбции.

В большинстве случаев абсорбцию проводят в аппаратах колонного типа. Это насадочные, тарельчатые, полочные и другие абсорберы. При моделировании абсорбции в таких аппаратах наибольшее распространение получили модель идеального вытеснения, ячеечная модель, диффузионная модель, диффузионная модель с застойными зонами.

Рассмотрим процесс абсорбции на примере модели идеального вытеснения.

Методика и порядок проведения работы

Составить программу расчета процесса бинарной абсорбции (носитель – извлекаемый компонент) на примере модели идеального вытеснения к приведенному ниже математическому описанию и пошаговому алгоритму расчета абсорбера.

Составляется уравнение материального баланса по передаваемому компоненту для элемента объемом $S \cdot dz$ (рисунок 6.1)

$$L \cdot x - L \cdot (x + dx) - K_{0y} \cdot \alpha \cdot s \cdot dz \cdot (y - y^*) = 0 \quad (6.1)$$

или

$$L \cdot \frac{dx}{dz} = -K_{0y} \cdot \alpha \cdot s \cdot (y - y^*), \quad (6.2)$$

где L – массовый расход жидкой фазы, кг/с; $\frac{dx}{dz}$ – изменение концентрации по высоте аппарата; K_{0y} – коэффициент массопередачи, отнесенный к движущей силе, выраженный через мольные доли компонента в газовой фазе, кмоль/(м²·с); S – площадь сечения колонны, м²; $(y - y^*)$ – средняя движущая сила; α – удельная смоченная поверхность насадки, м²/м³; y, y^* – текущая и равновесная концентрации.

Для начального условия

$$x = x_{вх} \text{ при } Z = H. \quad (6.3)$$

Знак минус в правой части уравнения (6.1, 6.2) соответствует падению концентрации в жидкой фазе вверх по колонне.

Аналогично в случае газовой фазы

$$G \cdot \frac{dy}{dz} = -K_{0y} \cdot \alpha \cdot S \cdot (y - y^*), \quad (6.4)$$

где G – массовый расход газовой фазы, кг/с; $\frac{dy}{dz}$ – изменение концентрации по высоте аппарата для начального условия $y=y_{\text{вх.}}$ при $z=0$.

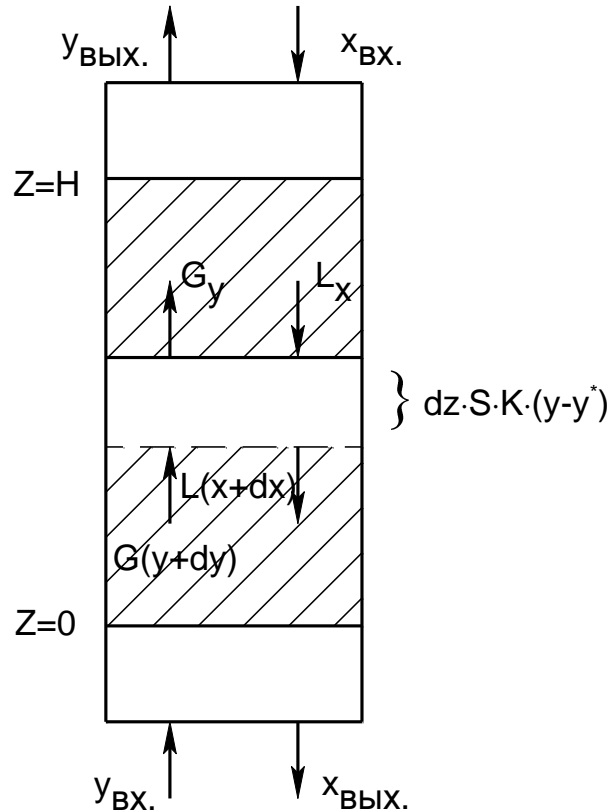


Рисунок 6.1 – Структура потоков фаз в абсорбере для модели идеального вытеснения: $x_{\text{вх.}}$, $x_{\text{вых.}}$ – концентрации поглощаемого компонента в жидкости на верху и внизу абсорбера, кг/кг жидкого поглотителя; $y_{\text{вх.}}$, $y_{\text{вых.}}$ – концентрации поглощаемого компонента в газе в низу и на верху абсорбера, кг/кг инертного газа

Кроме указанного, для любого элемента массообменного пространства абсорбера должно выполняться уравнение материального баланса

$$L \cdot dx = G \cdot dy. \quad (6.5)$$

Для получения замкнутого математического описания процесса абсорбции в аппарате колонного типа запишем условие общего материального баланса

$$L \cdot (x_{\text{вых.}} - x_{\text{вх.}}) = G \cdot (y_{\text{вх.}} - y_{\text{вых.}}). \quad (6.6)$$

Включить пакетные выключатели и ЭВМ.

Задание 1. По составленной программе необходимо выполнить расчеты для действующего абсорбера. В этом случае исходными данными являются $x_{ВХ.}$, $y_{ВХ.}$, G . Определению подлежат следующие величины (показатели процесса): $x_{ВЫХ.}$, $y_{ВЫХ.}$, L при ограничении $y_{ВЫХ.} \leq y_{\text{доп.}}$. Цель расчета – оптимизация режимных параметров путем подбора соответствующего расхода абсорбента.

- 1) Задают $x_{ВЫХ.}$, L .
- 2) Оценивают K_{Oy} , α и y^* .
- 3) Рассчитывают $y \cdot (z + \Delta z)$ по уравнению (6.4).
- 4) Рассчитывают $x \cdot (z + \Delta z)$ по уравнению (6.5).
- 5) Проверяют условие $z \geq H$. Если оно выполняется, то переходят к п.7.
- 6) Рассчитывают $z = (z + \Delta z)$ и переходят к п.2.
- 7) Корректируют $x_{ВЫХ.}$ по уравнению (6.6).
- 8) Проверяют условие $|x_{ВЫХ.}^{(k+1)} - x_{ВЫХ.}^k| < \varepsilon$. Если оно выполняется, то переходят к п.9. В противном случае переходят к п.2 при $z=0$ и $x_{ВЫХ.}^{(k+1)}$.
- 9) Проверяют условие $y_{ВЫХ.} \geq y_{ВЫХ.}^{\text{зад.}}$. Если оно выполнено, то расчет оканчивают и выводят результаты. В противном случае корректируют расход абсорбента L и переходят к п.2 при $z=0$.

Задание 2. При проектном расчете абсорбера исходными данными являются $x_{ВХ.}$, $y_{ВХ.}$, G , $y_{ВЫХ.}^{\text{зад.}}$. Определению подлежит: $x_{ВЫХ.}$, $y_{ВЫХ.}$, L , $D_{К.}$, $H_{К.}$. Цель расчета – оптимизация режимных параметров (L) и размеров аппарата ($D_{К.}$, $H_{К.}$).

Алгоритм расчета абсорбера приведен ниже.

- 1) Задают высоту абсорбера H , L .
- 2) Рассчитывают $x_{ВЫХ.}$, $y_{ВЫХ.}$ по алгоритму Задания 1 (п.1-8).
- 3) Проверяют условие $y_{ВЫХ.} \leq y_{ВЫХ.}^{\text{зад.}}$. Если оно выполнено, то пересчитывают H , L и переходят к п.2.
- 4) По свойствам системы оценивают скорость в точке инверсии фаз

$$\omega_{\text{инв.}} = f(y, \gamma_{г}, \gamma_{ж}, \mu_{г}, \mu_{ж}, L, G).$$

- 5) Рассчитывают реальную скорость газа

$$\omega_{г} = (0,85 \div 1,0) \cdot \omega_{\text{инв.}}$$

6) Рассчитывают диаметр аппарата

$$D_{\hat{\epsilon}} = \sqrt{\frac{4 \cdot G}{\pi \cdot \varpi_{\hat{a}}}}$$

7) Выводят результаты расчета: L , $y_{\text{ВЫХ}}^{\text{расч}}$, $x_{\text{ВЫХ}}$, D_K , H_K .

Исходные данные к проведению расчетов для действующего и проектного абсорбера приведены в таблице 6.1.

Таблица 6.1 – Варианты исходных данных к расчетам

№ п.п.	Действующий абсорбер			Проектный расчет			
	$x_{\text{ВХ}}, \%$	$y_{\text{ВХ}}, \%$	$G, \text{ кг/с}$	$x_{\text{ВХ}}, \%$	$y_{\text{ВХ}}, \%$	$G, \text{ кг/с}$	$y_{\text{ВХ}}^{\text{зад.}}$
1	8	0,3	14	8	0,3	15	
2	4	0,8	12	4	0,8	13	
3	20	1,5	10	20	1,5	11	
4	8,2	0,3	13	8,2	0,3	10	
5	1,3	0,03	9	1,3	0,03	9	
6	9,0	0,18	15	9,0	0,18	14	
7	1,3	0,025	12	1,3	0,025	12	
8	2,9	0,15	8	2,9	0,15	11	
9	8,0	0,2	11	8,0	0,2	15	
10	6,0	0,1	12	6,0	0,1	14	
11	5,0	0,2	14	5,0	0,2	13	

К расчету действующего и вновь проектируемого абсорбера составить алгоритм, а программу расчета – для оптимизации действующего абсорбера.

При написании программы можно воспользоваться любым алгоритмическим языком программирования, а также редактором электронных таблиц Excel.

Выполнить анализ результатов обоих вариантов расчета абсорберов путем сравнения полученных показателей и сделать выводы.

Содержание отчета

В отчете о выполненной работе должны содержаться следующие данные:

Дата проведения работы.

Цель работы.

Схема к расчетам и математическое описание задачи.

Алгоритмы и программа расчета.

Таблица идентификаторов (в том случае, когда греческие буквы заменяются в программе их идентификаторами).

Результаты выполнения работы.

Выводы по работе.

Контрольные вопросы

1. Какие трудности возникают при описании массообменных процессов?

2. Какие размеры аппаратуры для проведения процессов массопередачи подлежат расчетному определению?

3. Какой принцип лежит в основе математического моделирования процессов массопередачи?

4. Модель какого идеализированного процесса составляет основу математического описания абсорбера?

5. В чем заключаются принципы расчета абсорбционного аппарата?

6. Какие модели получили наибольшее распространение при моделировании абсорбции?

7. В чем отличие расчетов действующего и проектируемого абсорбера?

ПРОГРАММИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ ТЕПЛОВЫХ ПРОЦЕССОВ И АППАРАТОВ

Цель и содержание работы. Целью работы является изучение основных закономерностей процессов теплообмена в прямоточном и противоточном теплообменных аппаратах. Содержанием работы является реализация на ЭВМ математических моделей теплообменных аппаратов.

Теоретическое обоснование

Температура принадлежит к числу факторов, наиболее сильно влияющих на скорость химических реакций, физических процессов и явлений. Протекание большинства химико-технологических процессов сопровождается выделением (или поглощением) и переносом тепла, что в значительной степени определяет их тепловой режим.

По этому признаку выделяют три основных типа процессов и аппаратов, в которых эти процессы проходят.

Изотермическими процессами могут быть процессы с очень малыми тепловыми эффектами либо процессы очень медленные, в которых температура успевает выровняться. Изотермичности можно добиться путем интенсивного теплообмена, выравнивающего температуру по объему аппарата.

Адиабатические процессы проводятся без подвода и отвода тепла. Как и в любой открытой системе, тепло вводится в аппарат с входящим потоком и выводится с выходящим. Адиабатическим обычно считают процесс, в котором нет других путей теплообмена, кроме этого.

На практике, как правило, нет необходимости стремиться к строгой адиабатичности. Аппараты, в которых не оборудованы теплообменные поверхности и которые достаточно велики, чтобы можно было пренебречь потерями тепла через стенки, рассматривают как адиабатические. Преимущество таких аппаратов – простота конструкции, недостаток – сильное изменение температуры в процессе реакции.

Это изменение определяется формулой

$$\Delta T = \frac{Q_p \cdot \Delta \tilde{N}}{\rho \cdot C_T} = \frac{Q_p \cdot C_0 \cdot \Delta X}{\rho \cdot C_T}, \quad (7.1)$$

где Q_p – удельный тепловой эффект реакции; ΔC – изменение концентрации реагента; C_0 – исходная концентрация реагента; ρ – плотность жидкости, в которой идет реакция; C_T – теплоемкость жидкости, отнесенная к единице массы.

Режим частичного теплообмена является наиболее общим и основным тепловым режимом оборудования. Некоторая часть тепла реакции отводится, но полного выравнивания температуры не происходит. Изотермический и адиабатический режимы можно считать крайними частными случаями.

Сложность описания и расчета теплообмена с учетом реальных условий его протекания во многом объясняет тот факт, что в настоящее время теплообменную аппаратуру рассчитывают по моделям, предполагающим режим полного вытеснения теплоносителя, либо его полное смешение.

Распределение температуры в потоке жидкости, возникающее вследствие ее движения, может быть описано с помощью моделей движения потоков. При этом концентрация вещества в потоке заменяется другой характеристикой – температурой, основываясь на аналогии полей этих величин.

В основе модели идеального вытеснения лежат следующие допущения:

- 1) постоянство температуры в поперечном сечении;
- 2) отсутствие продольного перемешивания.

Схема теплообменного аппарата приведена на рисунке 7.1.

Математическое описание модели имеет вид

$$w_2 \cdot \frac{dT}{dx} = \frac{K \cdot \Pi \cdot (T_1 - T)}{S \cdot C_{p2}}, \quad (7.2)$$

где w_2 – скорость течения нагреваемого хладагента; K – коэффициент теплопередачи; Π и S – периметр нагреваемой поверхности и площадь поперечного сечения внутренней трубы; C_{p2} – теплоемкость

хладагента; x – расстояние от входа в теплообменник.

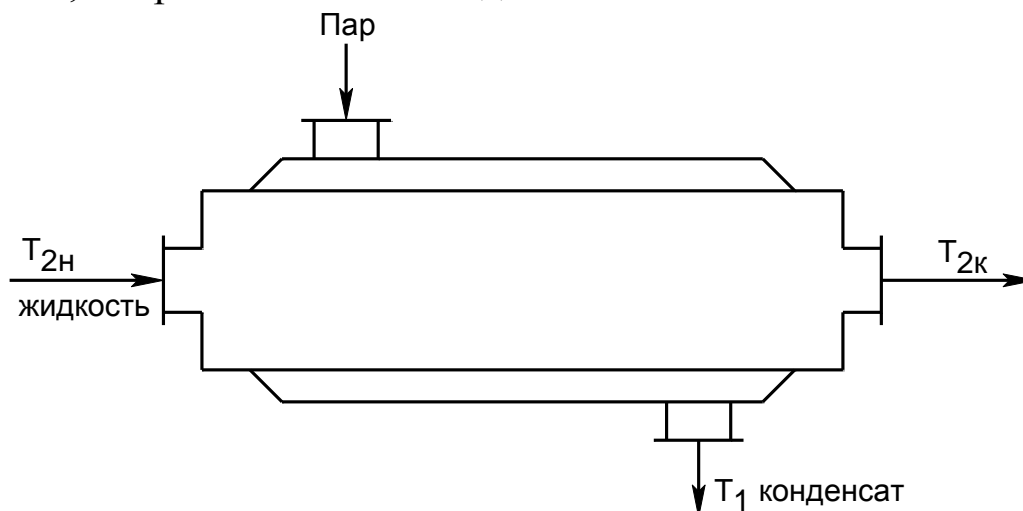


Рисунок 7.1 – Схема теплообменного аппарата «труба в трубе»

Модель идеального смешения предполагает полное смешение хладагента. Поэтому его температура является постоянной по длине теплообменника. Температура, до которой можно нагреть хладагент, определяется из уравнения теплового баланса

$$G_2 \cdot \check{N}_{p2} \cdot (T_{2\hat{e}} - \check{O}_{2i}) = \hat{E} \cdot F \cdot (T_1 - T_{2\hat{e}}). \quad (7.3)$$

Ниже рассматриваются основные закономерности процессов теплообмена в прямоточном и противоточном теплообменниках.

Методика и порядок проведения работы

Включить пакетные выключатели и ЭВМ.

Составить программы расчета процесса теплообмена на примере прямоточного и противоточного теплообменника по приведенной ниже методике.

Задание 1. Математическое описание прямоточного теплообменника.

Схема элементарной зоны вытеснения прямоточного теплообменника представлена на рисунке 7.2.

Зона потока соответствует модели идеального вытеснения, если предполагается, что в продольном (осевом) направлении его движения смешение полностью отсутствует, а в поперечном сечении потока происходит идеальное смешение.



Рисунок 7.2

С учетом принятых допущений для каждого из потоков могут быть записаны уравнения теплового баланса для элементарных зон вытеснения в следующем виде:

$$G \cdot C_p \cdot \frac{dT}{dl} = Q_T, \quad (7.4)$$

$$G_x \cdot C_{px} \cdot \frac{dT_x}{dl} = Q_{Tx}, \quad (7.5)$$

где $G, C_p, T^{(0)}$ – массовый расход, теплоемкость и начальная температура основного потока; $G_x, C_{px}, T_x^{(0)}$ – массовый расход, теплоемкость и начальная температура теплоносителя; Q_T, Q_{Tx} – интенсивности источников тепла основного потока и теплоносителя; l – длина зоны.

Поскольку в данном случае рассматривается только теплопередача между потоками, выражения для интенсивностей источников тепла имеют вид:

$$Q_T = \frac{F}{L_T} \cdot K_T \cdot (T_i - T), \quad (7.6)$$

$$Q_{Tx} = \frac{F}{L_T} \cdot K_T \cdot (T - T_e), \quad (7.7)$$

где F – поверхность теплообмена; K_T – коэффициент теплопередачи.

Подставив уравнения (7.6) и (7.7) соответственно в (7.4) и (7.5) и полагая, что $L_T=1$, получим следующую систему дифференциальных уравнений:

$$\begin{cases} \frac{dT}{dl} = \frac{F}{G \cdot C_p} \cdot K_T \cdot (T_x - T) \\ \frac{dT_x}{dl} = \frac{F}{G_x \cdot C_{px}} \cdot K_T \cdot (T - T_x). \end{cases} \quad (7.8)$$

Граничные условия имеют вид:

$$T|_{l=0} = T^{(0)} \quad \text{и} \quad T_x|_{l=0} = T_x^{(0)}, \quad (7.9)$$

где $T^{(0)}$ – температура основного потока на входе в теплообменник; T_{∞}^0 – температура теплоносителя на входе в теплообменник.

Система уравнений (7.8) с граничными условиями (7.9) представляет собой математическую модель прямоточного теплообменника.

Задание 2. Математическое описание противоточного теплообменника.

Схема элементарной зоны вытеснения противоточного теплообменника представлена на рисунке 7.3.

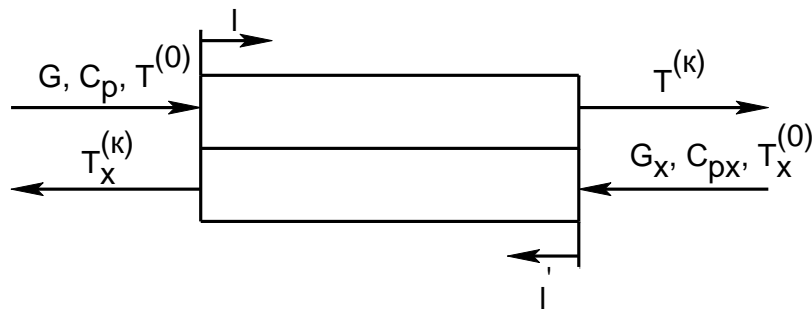


Рисунок 7.3

Для противоточного теплообменника могут быть записаны уравнения теплового баланса аналогичные (7.4) и (7.5). Однако независимые переменные в этих дифференциальных уравнениях будут разными, т.к. их отсчет ведется с разных сторон элементарной зоны теплообменника (l и l').

$$G \cdot C_p \cdot \frac{dT}{dl} = Q_T, \quad (7.10)$$

$$G_x \cdot C_{px} \cdot \frac{dT_x}{dl'} = Q_{Tx}. \quad (7.11)$$

Граничные условия имеют вид

$$\begin{aligned} T|_{l=0} &= T^{(0)} \\ T|_{l'=0} &= T_x^{(0)}. \end{aligned} \quad (7.12)$$

Из-за различия независимых переменных l и l' уравнения (7.10) и (7.11) несовместимы. Для приведения их к совместному виду необходимо перейти к одной независимой переменной. С этой целью можно воспользоваться соотношением, связывающим l и l'

$$l' = L_T - l, \quad (7.13)$$

откуда следует, что $dl' = -dl$,

$$l|_{l'=0} = L_T. \quad (7.14)$$

С помощью выражения (7.14) уравнение (7.11) приводится к виду

$$G_x \cdot C_{px} \cdot \frac{dT_x}{dl} = -Q_{T_x}, \quad (7.15)$$

а выражение (7.15) позволяет преобразовать граничное условие (7.12) следующим образом

$$T_x|_{l=L_T} = T_x^{(0)}. \quad (7.16)$$

Уравнения (7.10) и (7.15) являются совместимыми.

Подставив в них выражения (7.6) и (7.7) и полагая, что $L_T=1$, окончательно получим:

$$\begin{cases} \frac{dT}{dl} = \frac{F}{G \cdot C_p} \cdot K_T \cdot (T_x - T), \\ \frac{dT_x}{dl} = \frac{F}{G_x \cdot C_{px}} \cdot K_T \cdot (T_x - T). \end{cases} \quad (7.17)$$

с граничными условиями:

$$T|_{l=0} = T^{(0)} \quad \text{и} \quad T_x|_{l=1} = T_x^{(0)}. \quad (7.18)$$

Таким образом, система уравнений (7.17) с граничными условиями (7.18) является математической моделью противоточного теплообменника.

Следующим этапом необходимо выбрать метод решения.

Для решения систем дифференциальных уравнений используются различные численные методы. Они, как правило, основываются на шаговых схемах вычислений, т.е. значение искомой функции в последующей точке интервала интегрирования определяется через ее значение в предыдущей точке (или в ряде предыдущих точек). При моделировании теплообменных процессов обычно пользуются методом Эйлера, суть которого заключается в следующем.

Допустим, дана система дифференциальных уравнений:

$$\begin{cases} y' = f_1(x, y, z) \\ z' = f_2(x, y, z) \end{cases} \quad (7.19)$$

$$\text{с начальными условиями} \quad y(x_0)=y_0, \quad z(x_0)=z_0. \quad (7.20)$$

Требуется найти решение этой системы на отрезке $[a, b]$.

Разобьем участок $[a, b]$ на n равных частей, в результате чего получим последовательность точек x_0, x_1, \dots, x_n , где $x_i = x_0 + i \cdot k$ ($i=1, n$), $k=(b-a)/n$ – шаг интегрирования.

Выберем k -й участок разбиения $[x_k, x_{k+1}]$ и проинтегрируем уравнения системы

$$\int_{x_{\hat{e}}}^{x_{\hat{e}+1}} f_1(x, y, z) dx = \int_{x_{\hat{e}}}^{x_{\hat{e}+1}} y' dx = y(x) \Big|_{x_{\hat{e}}}^{x_{\hat{e}+1}} = y(x_{\hat{e}+1}) - y(x_{\hat{e}}) = y_{\hat{e}+1} - y_{\hat{e}},$$

откуда

$$y_{\hat{e}+1} = y_{\hat{e}} + \int_{x_{\hat{e}}}^{x_{\hat{e}+1}} f_1(x, y, z) dx. \quad (7.21)$$

Если в уравнении (7.21) подынтегральную функцию на участке $[x_k, x_{k+1}]$ принять постоянной и равной значению в точке $x=x_k$, то получим

$$y_{\hat{e}+1} = y_{\hat{e}} + f_1(x_{\hat{e}}, y_{\hat{e}}, z_{\hat{e}}) \cdot k. \quad (7.22)$$

Применительно к задаче моделирования теплообменника граничные условия должны быть заданы на одном конце теплообменника, т.е. при $l=0$ или $l=1$.

Для проточного теплообменника граничные условия (7.9) заданы на входе теплообменника, т.е. при $l=0$. Интегрирование при этом сводится к реализации процедуры вычисления правых частей системы уравнений (7.8) на каждом шаге интегрирования при текущих значениях искомых функций.

Для противоточного теплообменника значение $T=T^{(0)}$ задано при $l=0$, а $T_x = T_x^{(0)}$ при $l=1$. Следовательно, интегрировать уравнения системы (7.17) при граничных условиях (7.18) по стандартной схеме метода Эйлера нельзя. Для того чтобы решение указанных уравнений стало возможным, поступают следующим образом: задаются значениями температуры теплоносителя при $l=0$, т.е. $T_x^{(\hat{e})}$. Выбор значений $T_x^{(\hat{e})}$ производят методом половинного деления. При этом нижняя граница поиска принимается равной начальному значению температуры теплоносителя $T_x^{(0)}$, а верхняя граница – начальному значению температуры основного потока $T^{(0)}$. Точность решения можно считать удо-

влетворительной, если разность между заданной $T_x^{(0)}$ и расчетной $T_{x0}^{(0)}$ температурами теплоносителя не превышает по абсолютной величине 0,2 К.

Вывод результатов расчетов температур основного потока и теплоносителя по длине теплообменника соответственно осуществлять на каждом шаге интегрирования для значений $l=0; 0,2; 0,4; 0,6; 0,8; 1,0$ м. Исходные данные приведены в таблице 7.1

Таблица 7.1 - Исходные данные к расчетам

№ варианта	$K_t,$ Вт/м ² ·К	$F,$ м ²	$G,$ кг/с	$G_x,$ кг/с	$C_p,$ Дж/кг·К	$C_{px},$ Дж/кг·К	$T^{(0)},$ К	$T_x^{(0)},$ К
0	300	30	10	10	1340	4190	95	10
1	310	50	12	12	1760	1680	110	11
2	320	70	14	14	1680	2010	120	12
3	330	90	16	20	2840	2020	130	13
4	340	100	18	22	2840	2110	140	14
5	350	120	20	18	1300	2770	150	15
6	360	140	22	19	2410	3010	160	16
7	370	160	29	20	1620	4200	170	17
8	380	175	11	12	1400	4200	180	18
9	390	180	28	24	1780	2000	90	19
10	380	32	11	12	1400	4200	95	20
11	315	60	13	14	4190	4190	90	21
12	325	80	15	16	1700	2010	100	26
13	335	100	17	19	2050	4195	110	28
14	345	120	18	20	1840	2000	175	25
15	355	130	19	21	1310	2765	107	23
16	400	140	22	22	1405	4005	198	30
17	405	150	26	24	1615	2835	150	17
18	410	160	30	25	1680	1340	130	22
19	415	180	28	30	2000	4190	145	24
20	305	40	27	27	1400	4200	115	26

С 1 по 10 вариант выполнить расчет для прямоточного теплообменника, с 11 по 20 вариант выполнить расчеты для противоточного теплообменника.

При написании программы можно воспользоваться любым алго-

ритмическим языком программирования, редактором электронных таблиц Excel, математическим пакетом MathCAD, а также осуществлять программирование в среде Windows.

Содержание отчета

В отчете о выполненной работе должны содержаться следующие данные:

Дата проведения работы.

Цель работы.

Схема к расчетам и математическое описание задачи.

Алгоритмы и программа расчета.

Таблица идентификаторов (в том случае, когда греческие буквы заменяются в программе их идентификаторами).

Результаты выполнения работы.

Выводы по работе.

Контрольные вопросы

1. В чем заключается задача математического моделирования теплообменного аппарата?

2. Какой поток соответствует модели идеального вытеснения?

3. Системой каких дифференциальных уравнений описываются теплообменные аппараты? Какие параметры входят в эти уравнения? Какие граничные условия задаются в случаях прямотока и противотока теплоносителей?

4. Какие методы применяются при численном интегрировании систем дифференциальных уравнений?

5. Какой метод применяется в данной работе, в чем его особенности?

6. Как изменяются температуры теплоносителей вдоль поверхности теплообмена при прямотоке и противотоке теплоносителей?

7. Каковы преимущества противотока по сравнению с прямотоком?

ПРОГРАММИРОВАНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ ПРОЧНОСТНЫХ РАСЧЕТОВ ХИМИЧЕСКИХ МАШИН И АППАРАТОВ

Цель и содержание работы. Целью работы является овладение практическими навыками разработки алгоритмов и программирования прочностных расчетов. Содержание работы заключается в составлении математического описания расчетов корпусных элементов оборудования, построении алгоритмов и программ, проведении прочностных расчетов.

Теоретическое обоснование

Сосуды и аппараты, применяемые в химической, нефтехимической, нефтеперерабатывающей, газовой, пищевой и смежных отраслях промышленности, принято считать тонкостенными, если толщина их стенки не превышает 10% внутреннего диаметра. Такие сосуды и аппараты эксплуатируются обычно при давлении не более 10 МПа.

Основным узлом сосуда и аппарата является корпус, который определяет его форму, размеры, объем, производительность и стоимость. Корпус изолирует обрабатываемую среду, подвергаясь ее химическому воздействию и воспринимая при этом механические и тепловые нагрузки. Следовательно, надежность работы аппарата во многом зависит от надежности его корпуса.

Корпуса аппаратов состоят из пластин и оболочек различной конфигурации, соединенных друг с другом как неразъемными (сварными, паяными), так и разъемными (фланцевыми и др.) соединениями. Корпуса работают чаще всего в условиях статических нагрузок под избыточным внутренним давлением, вакуумом или наружным избыточным давлением, а также при действии осевых или поперечных усилий и изгибающих моментов.

Рабочее давление p – максимальное внутреннее избыточное или наружное давление, возникающее при нормальном протекании рабочего процесса, без учета гидростатического давления среды и без учета допустимого кратковременного повышения давления во время

срабатывания предохранительного клапана или другого предохранительного устройства.

Расчетное давление p_p определяется по формуле

$$\delta_{\delta} = \delta + \delta_{\bar{\alpha}},$$

где p_r – гидростатическое давление среды. Если $(\delta_{\bar{\alpha}}/\delta) \cdot 100\% \leq 5\%$, то $\delta_{\delta} = \delta$.

Если при полном открытии предохранительного устройства давление в аппарате $D_{\max} > 1,1 \cdot D$, то $D_{\delta} = 0,9 \cdot D_{\max}$.

Для литых стальных сосудов и аппаратов, работающих при давлении, не превышающем 0,2 МПа, расчетное давление следует принимать равным 0,2 МПа.

Пробное давление $p_{и}$ – максимальное избыточное давление, создаваемое при гидравлических (пневматических) испытаниях. Его величина регламентирована правилами Федеральной службы по надзору и указана в таблице 8.1. При этом для сосудов и их элементов, работающих при отрицательной температуре, $p_{и}$ принимается таким же, как при температуре 20 °С, а для сосудов, работающих при температуре стенки от +200 до +400 °С, $p_{и}$ не должно превышать p более чем в 1,5 раза, а при температуре свыше +400 – более чем в 2 раза. Для сосудов высотой более 8 м пробное давление следует принимать с учетом гидростатического давления в рабочих условиях, т.е. $p_{и}$ определяют по таблице 8.1, где вместо p принимают p_p .

Таблица 8.1 – Условия проведения гидравлических испытаний

Сосуды	Рабочее давление p , МПа	Пробное давление $p_{и}$, МПа
Все, кроме литых	$< 0,5$	$\max\{1,5 \cdot \delta \cdot [\sigma]_{20} / [\sigma]; 0,2\}$
	$\geq 0,5$	$\max\{1,25 \cdot \delta \cdot [\sigma]_{20} / [\sigma]; (\delta + 0,3)\}$
Литые	Независимо от давления	$\max\{1,5 \cdot \delta \cdot [\sigma]_{20} / [\sigma]; 0,3\}$
Примечание: $[\sigma]_{20}, [\sigma]$ – допускаемые напряжения для материала сосудов или его элементов соответственно при температуре 20 °С и рабочей температуре.		

Аппараты, работающие под вакуумом, обычно испытывают внутренним избыточным давлением на 0,2 МПа.

Расчетная температура стенки t определяется на основании тепловых расчетов или результатов испытания. В случае невозможности проведения расчетов и испытаний: при положительных температурах $t = \max(t_c; 20 \text{ }^\circ\text{C})$, где t_c – наибольшая температура среды; при отрицательных температурах $t = 20 \text{ }^\circ\text{C}$.

Допускаемое напряжение при статических однократных нагрузках принимается равным:

для рабочего состояния $[\sigma] = \eta \cdot \sigma^*$, где σ^* – нормативное допускаемое напряжение при расчетной температуре; η – поправочный коэффициент, учитывающий вид заготовки;

при испытаниях: гидравлических – $[\sigma]_e = \sigma_{\text{D}20} / 1,1$; пневматических – $[\sigma]_e = \sigma_{\text{D}20} / 1,2$, где $\sigma_{\text{D}20}$ – минимальное значение предела текучести при температуре $+20 \text{ }^\circ\text{C}$. Значения $\sigma_{\text{D}20}$ определяются по справочным данным.

Если количество циклов нагружения не превышает 10^3 , то нагрузка в расчетах на прочность условно считается однократной. При определении числа циклов нагружения не учитывается колебание нагрузки в пределах 15 % от расчетной.

Нормативные допускаемые напряжения для углеродистых и низколегированных сталей, теплостойких и кислотостойких сталей, алюминиевых сплавов, меди и ее сплавов, титановых сплавов определяются по справочным данным.

Для марок сталей, не приведенных в справочных данных, нормативное допускаемое напряжение определяют по формуле

$$[\sigma] = \min \left\{ (\sigma_{\delta} / n_{\delta}); (\sigma_{\hat{a}} / n_{\hat{a}}); (\sigma_{\ddot{a} \cdot 10^5} / n_{\ddot{a}}); (\sigma_{1\% \cdot 10^5} / n_i) \right\},$$

где σ_{δ} – минимальное значение предела текучести при расчетной температуре; $\sigma_{\hat{a}}$ – минимальное значение временного сопротивления (предела прочности) при расчетной температуре; $\sigma_{\ddot{a} \cdot 10^5}$ – среднее значение предела длительной прочности за 10^5 ч при расчетной температуре; $\sigma_{1\% \cdot 10^5}$ – средний 1 %-й предел ползучести за 10^5 ч при расчет-

ной температуре; $n_{\delta}, n_{\hat{a}}, n_{\hat{a}}, n_{\hat{r}}$ – коэффициенты запаса прочности по пределам соответственно текучести, прочности, длительной прочности и ползучести, $n_{\tau}=1,5$; $n_{\nu}=2,4$; $n_{\text{д}}=1,5$; $n_{\text{п}}=1$.

Значения поправочного коэффициента η принимают в зависимости от вида заготовки:

Листовой прокат.	1,0
Отливки, подвергающиеся индивидуальному контролю неразрушающими методами.	0,8
Отливки, не подвергающиеся индивидуальному контролю.	0,7

Расчетные значения модуля продольной упругости E в зависимости от температуры для углеродистых и легированных сталей, алюминиевых, медных и титановых сплавов принимаются по справочным данным.

Коэффициент прочности сварных и паяных соединений ϕ характеризует прочность соединения в сравнении с прочностью основного металла.

Значения ϕ в зависимости от конструкции и способа соединения (при длине контролируемых швов, составляющей 100 %) для стальных, алюминиевых, медных и титановых аппаратов принимаются по справочным данным.

Прибавка к расчетным толщинам конструктивных элементов определяется по формуле

$$c = c_1 + c_2 + c_3,$$

где c_1 – прибавка для компенсации коррозии и эрозии; c_2 – прибавка для компенсации минусового допуска; c_3 – технологическая прибавка.

Прибавка для компенсации коррозии и эрозии

$$\tilde{n}_1 = \dot{I} \cdot \tau_{\hat{a}} + \tilde{n}_y,$$

где c_3 – прибавка для компенсации эрозии; Π – проницаемость материала (скорость коррозии); $\tau_{\hat{a}}$ – срок службы аппарата.

При двустороннем контакте с коррозионной (эрозионной) средой прибавка c_1 соответственно увеличивается. Для изготовления химического оборудования применяют материалы, у которых скорость

коррозии $\dot{I} \leq 0,1$ мм/год.

Прибавку c_3 рекомендуется учитывать лишь в следующих случаях: 1) при движении среды в аппарате со значительными скоростями (для жидких сред – более 20 м/с, для газообразных – более 100 м/с); 2) при наличии в движущейся среде абразивных твердых частиц; 3) при ударном действии среды на деталь.

Величина прибавки c_3 предусматривает компенсацию утонения стенки элемента сосуда или аппарата при технологических операциях (вытяжке, штамповке, гибке и т.д.) и зависит от принятой технологии изготовления. Прибавки c_2 и c_3 учитывают в тех случаях, когда их суммарное значение превышает 5 % номинальной толщины листа. Технологическая прибавка c_3 не включает в себя округление расчетной толщины стенки до номинальной толщины по стандарту.

Методика и порядок проведения работы

Включить пакетные включатели и ЭВМ.

Задание 1. По приведенному ниже математическому описанию и числовому примеру расчета обечайки комбинированного аппарата ИТН (использователь теплоты нейтрализации) необходимо разработать алгоритм и составить программу расчета толщины стенки цилиндрических колонных аппаратов.

Так как реакция нейтрализации в ИТН происходит в нижней его части (реакционный стакан), то рассчитаем толщину стенки обечайки в этой части корпуса. Схема к расчету представлена на рисунке 8.1. Внутренний диаметр равен $D=1600$ мм и остаточное давление равно 20 кПа. Материал корпуса – сталь 12X18H10T.

Расчетная и исполнительная толщина стенки определяется по формулам:

$$S_{\delta} = \max \left\{ K_2 \cdot D \cdot 10^{-2}; 1,1 \cdot \delta_{i.\delta} \cdot D / (2 \cdot [\sigma]) \right\},$$
$$S = S_p + c + c_0$$

и с последующей проверкой по формуле

$$\delta_{i.\delta} / [\delta_i] + F/[F] + M/[M] \leq 1.$$

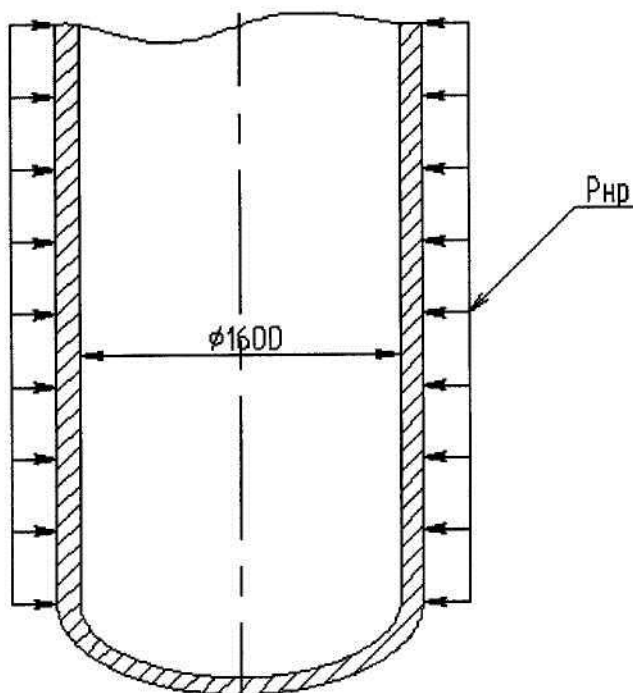


Рисунок 8.1 – Схема к определению толщины стенки обечайки

Для того чтобы определить коэффициент K_2 , необходимо определить несколько промежуточных коэффициентов K_1 , K_3 и K_4 по формулам:

$$\hat{E}_1 = n_y \cdot p_{i.д.} / (2,4 \cdot 10^{-6} \cdot \text{А}),$$

$$\hat{E}_3 = 1_{\delta} / D,$$

$$K_4 = 10^3 \cdot [\sigma] / E,$$

где $[\sigma]$ – допускаемое напряжение стали 12Х18Н10Т; $p_{н.р.}$ – наружное рабочее давление, в данном случае оно равно

$$\delta_{i.д.} = \delta_a - \delta_{инд.} = 0,1 - 0,02 = 0,08 \text{ МПа.}$$

E – модуль упругости первого рода, $E = 1,98 \cdot 10^5$ МПа; n_y – коэффициент запаса устойчивости при рабочих условиях, $n_y = 2,4$; p_a – атмосферное давление, МПа; $p_{ост.}$ – остаточное давление, МПа.

$$\hat{E}_1 = 2,4 \cdot 0,08 / (2,4 \cdot 10^{-6} \cdot 1,98 \cdot 10^5) = 0,4,$$

$$\hat{E}_3 = 4300 / 1600 = 2,69,$$

$$\hat{E}_4 = 10^3 \cdot 142,4 / 1,98 \cdot 10^5 = 0,72.$$

Зная коэффициенты K_1 , K_3 , K_4 , определяют коэффициент K_2 по номограмме (рисунок 8.2).

Определив из номограммы, что $K_2 = 0,47$, и подставив полученный результат в формулу расчетной толщины стенки, определим

$$S_{\delta} = \max \{ 0,47 \cdot 1600 \cdot 10^{-2}; 1,1 \cdot 0,08 \cdot 1600 / (2 \cdot 142,4) \} =$$

$$= \max \{ 7,52; 0,45 \} = 7,52 \text{ мм.}$$

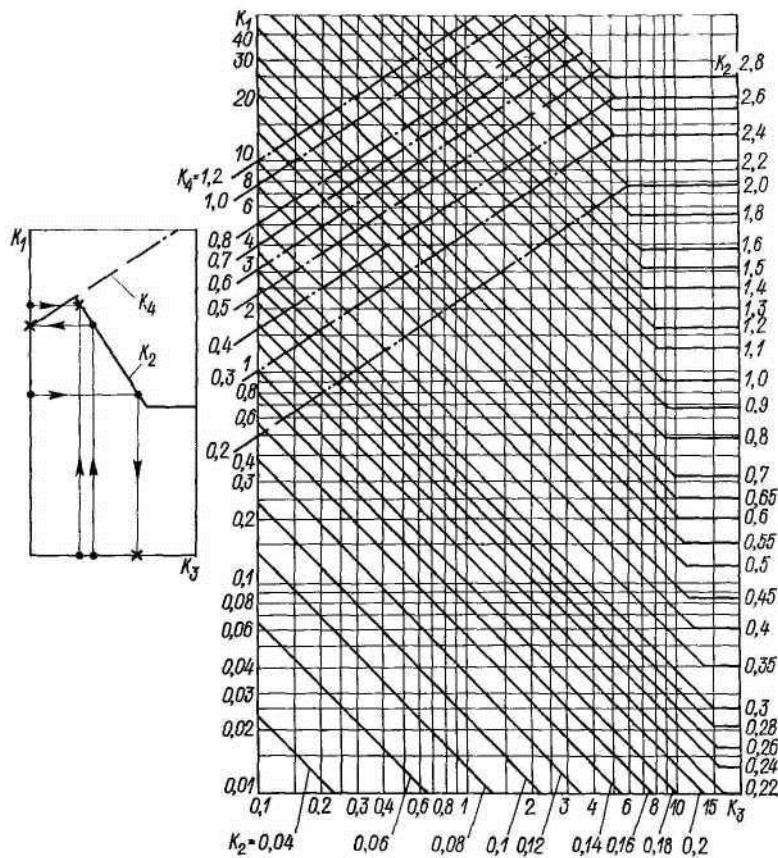


Рисунок 8.2 – Номограмма для расчета на устойчивость в пределах упругости обечаек, работающих под наружным давлением

Исполнительная толщина стенки равна

$$S = 7,52 + 1,5 + \tilde{n}_0 = 10 \text{ мм.}$$

Исполнительная толщина стенки обечайки нижней части аппарата принимается равной 10 мм и проверяется на допускаемые давления.

Допускаемое наружное давление для гладких обечаек определяется по формуле, где допускаемое давление из условия прочности

$$[\delta_1]_{\sigma} = 2 \cdot [\sigma] \cdot (S - \tilde{n}) / (D + S - c),$$

$$[\delta_1]_{\sigma} = 2 \cdot 142,4 \cdot (10 - 1,5) / (1600 + 10 - 1,5) = 1,51 \text{ МПа.}$$

Чтобы найти допускаемое давление из условия упругости, необходимо определить вид обечайки (короткая или длинная). При этом характеристический размер обечайки равен

$$l_0 = 8,15 \cdot D \cdot \sqrt{D/100 \cdot (S - c)} = 8,15 \cdot 1600 \cdot \sqrt{1600 \cdot (10 - 1,5)} = 17890,7 \text{ мм.}$$

Так как $l_0 > l_p$, то обечайка короткая и формула для определения

допускаемого давления из условия упругости будет иметь вид:

$$[\delta_i]_{\text{А}} = \frac{18 \cdot 10^{-6} \cdot \text{А} \cdot D}{n_y \cdot l_{\delta}} \cdot \left[\frac{100 \cdot (S - c)}{D} \right]^2 \cdot \sqrt{\frac{100 \cdot (S - c)}{D}},$$

$$[\delta_i]_{\text{А}} = \frac{18 \cdot 10^{-6} \cdot 1,98 \cdot 10^5 \cdot 1600}{2,4 \cdot 4300} \cdot \left[\frac{100 \cdot (10 - 1,5)}{1600} \right]^2 \cdot \sqrt{\frac{100 \cdot (10 - 1,5)}{1600}} = 0,11 \text{ МПа}.$$

Так как $[p_i]_{\text{А}} > \delta_{\delta} (0,11 \text{ МПа} > 0,08 \text{ МПа})$, то толщина обечайки равная 10 мм удовлетворяет условию упругости для коротких обечаек, и поскольку $[\delta_i]_{\text{С}} > \delta_{\delta} (1,24 \text{ МПа} > 0,08 \text{ МПа})$, то толщина обечайки равная 10 мм удовлетворяет условию прочности. Таким образом, толщина нижней части обечайки корпуса определена правильно.

В качестве примера ниже приведен расчет с применением редактора электронных таблиц EXCEL.

Таблица 8.2 – Пример расчета обечайки

	А	В	С	Д	Е	Ф	Г	Н
1		Расчет обечайки аппарата, работающего под внешним давлением						
2								
3	Начальные данные				Расчет обечайки			
4	Ризб	0,02	МПа		Рн.р.	0,08	МПа	
5	D	1600	мм		k1	0,40404		
6	Сталь	12X18H10T			k3	2,6875		
7	Температура	180	°С		k4	0,719192		
8	c	1,5	мм		По графику определяем коэф. k2			
9	Ip	4300	мм		k2	0,47		
10					Sp	7,52	мм	
11	Справочные данные				S	10	мм	
12	E	198000	МПа		Lo	17890,73	мм	
13	σ^*	142,4	МПа		Обечайка короткая			
14	n_y	2,4	коэф.		[рн]σ	1,505005	МПа	
15	Ратм	0,1	МПа		[рн]ε	0,113665	МПа	
16					Прочность Удовлетворяет			
17					Упругость Удовлетворяет			

Исходные данные для выполнения Задания 1 по вариантам приведены в таблице 8.3.

Задание 2. По приведенному ниже математическому описанию расчета корпуса барабанной сушилки на прочность составить алгоритм и программу расчета с использованием редактора электронных таблиц EXCEL.

Таблица 8.3 – Исходные данные к расчету обечайки

№ варианта	Внутр. диаметр аппарата, мм	Длина цилиндрической обечайки, l , мм	Масса аппарата, m , кг	Изгибающий момент M , МН·м	Давление в аппарате P , МПа	Температура, t , °С	Марка стали	Прибавка s , мм
1	1000	1300	16500	1,2	0,02	130	ВСт3сп	0,8
2	1200	1400	19800	1,8	3,9	-10	20К	1,2
3	1600	1600	28700	3,4	2,0	50	10X17H13M2T	0,7
4	1800	1700	32000	4,2	3,9	15	09Г2С	1,0
5	2400	2000	50600	6,8	0,01	180	ВСт3сп	1,6
6	2600	2200	58700	7,6	0,01	100	20К	1,5
7	3400	2000	100800	13,7	1,9	100	09Г2С	1,0
8	3600	2200	111000	15,2	2,4	45	16ГС	1,2
9	3800	2400	124600	17,1	1,2	30	20К	1,4
10	4000	3000	164320	19,3	0,8	20	ВСт3сп	1,6
11	3800	2400	124700	17,1	0,8	20	20К	1,6
12	1200	1700	28700	3,4	3,9	180	09Г2С	1,4
13	1600	2000	32000	4,2	2,0	45	20К	1,0
14	1800	1700	19800	1,7	2,4	30	16ГС	0,7
15	1000	1300	16700	1,8	2,0	15	ВСт3сп	1,2

При расчете барабана *на прочность* его толщина стенки определяется по формуле

$$s_a = (0,007...0,1) \cdot D_f,$$

где D_n – наружный диаметр барабана, м.

Реакции опор от действия линейной нагрузки q и поперечной силы Q_B (рисунок 8.2) равны

$$R_A = q \cdot L/2 + Q_B \cdot l_1/l_2,$$

$$R_B = q \cdot L/2 + Q_B \cdot (l_2 - l_1)/l_2,$$

где L – длина сушилки, м; l_1 и l_2 – расстояния от места приложения поперечной силы до опор, м.

Линейная нагрузка

$$q = m \cdot g/L,$$

где m – суммарная масса, кг.

Суммарная масса равна

$$m = m_i + m_o + m_e,$$

где $m_1 = \rho_1 \cdot L \cdot \psi \cdot \pi \cdot D_A^2 / 4$ – масса обрабатываемого материала, кг; ψ – коэффициент заполнения барабана; D_B – внутренний диаметр барабана, м; $m_\phi = \rho_\phi \cdot L_\phi \cdot \psi \cdot \pi \cdot (D_A^2 - D_\phi^2) / 4$ – масса футеровки, кг; L_ϕ – длина футеровки, м; $D_\phi = D_A - 2 \cdot s_\phi$ – внутренний диаметр футеровки, м; s_ϕ – толщина футеровки, м; m_K – масса корпуса, кг.

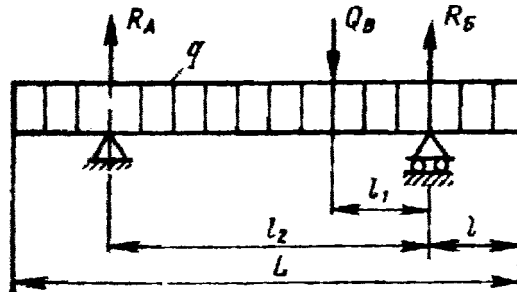


Рисунок 8.2 – Распределение нагрузок на барабан.

Поперечная сила, действующая на барабан в месте крепления венцовой шестерни, равна

$$Q_A = (m_\phi + m_{\text{ш}}) / g,$$

где m_ϕ – масса венцовой шестерни, кг; $m_{\text{кр}}$ – масса элементов крепления венцовой шестерни, кг; g – ускорение свободного падения, м/с².

Максимальный изгибающий момент, действующий на барабан (на двух опорах)

$$M_{\text{MAX}} = q \cdot L \cdot (2 \cdot l_2 - L) / 8 + Q_B \cdot (l_2 - l_1) \cdot l_1 / l_2.$$

Момент сопротивления сечения барабана

$$W = s_a \cdot \pi \cdot D_{\text{нб}}^2 / 4,$$

где $D_{\text{ср}}$ – средний диаметр барабана, м.

Напряжение в барабане

$$\sigma = M_{\text{MAX}} / W \leq [\sigma],$$

где $[\sigma] = 5 \dots 10 \text{ МПа}$ – допускаемое напряжение для аппаратов из сталей Ст2, Ст3, 10, 15 без футеровки; $[\sigma] = 20 \text{ МПа}$ – для аппаратов с футеровкой.

При расчете барабана на жесткость суммарный максимальный прогиб от действующих нагрузок равен

$$y_{\text{max}} = D_{\text{нб}}^2 \cdot (0,04 \cdot q_1 + 0,002 \cdot q_2) / 8 \cdot E \cdot I_x,$$

где q_1 – линейная нагрузка от массы обрабатываемого материала, Н/м; q_2 – линейная нагрузка от масс (футеровки, насадки и барабана),

H/м; E – модуль упругости материала корпуса при рабочей температуре, МПа; $I_x = 1 \cdot s_a^3 / 12$ – момент инерции единичного кольцевого участка барабана, м⁴.

Относительный прогиб барабана

$$\varepsilon = y_{\max} / D_{\text{нб}} \leq [\varepsilon],$$

где $[\varepsilon] = 1/300$ – допускаемый относительный прогиб (барабан с футеровкой); $[\varepsilon] = 1/200$ – допускаемый относительный прогиб (барабан без футеровки).

В качестве примера для расчета барабанной сушилки на прочность и жесткость ниже приводится программа на алгоритмическом языке QBasic.

Программа расчета барабана на прочность и жесткость

CLS

INPUT "Наружный диаметр барабана Dн, м"; Dn

PRINT "Толщина стенки (0,007-0,01)Dн"

INPUT "Введите коэффициент перед Dн"; a

sb = a * Dn

PRINT "Толщина стенки барабана sb, м"; sb

INPUT "Принятая толщина стенки sbн, м"; sbн

Db = Dn - 2 * sbн

PRINT "Внутренний диаметр барабана Dв, м"; Db

Dсрб = (Db + Dn) / 2

PRINT "Средний диаметр барабана Dсрб, м ="; Dсрб

INPUT "Насыпная плотность обрабатываемого материала рм, плотность футеровки рф, кг/м³"; рм, рф

INPUT "Длина барабана L, длина футеровки Lф, м"; l, Lf

INPUT "Коэффициент заполнения барабана "; рсі

INPUT "Толщина футеровки sf"; sf

IF sf > 0 THEN Df = Db - 2 * sf ELSE Df = 0

PRINT "Внутренний диаметр футеровки Dф, м"; Df

mm = (рм * l * рсі * 3.14 * Db ^ 2) / 4

mf = (рф * Lf * 3.14 * (Db ^ 2 - Df ^ 2)) / 4

```

PRINT "Масса обрабатываемого материала mm, масса футеровки
mf, кг"; mm, mf
INPUT "Масса венцовой шестерни msh, масса элементов крепе-
ния венцовой шестерни mkr, кг"; msh, mkr
INPUT "Ускорение свободного падения, м/с2"; g
Qb = (msh + mkr) * g
PRINT "Поперечная сила от венцовой шестерни Qв, Н "; Qb
INPUT "Масса корпуса mk, кг"; mk
m = mk + mf + mm
q = m * g / l
PRINT "Суммарная масса m, кг; линейная нагрузка q, Н/м"; m, q
INPUT "Расстояния между шестерней и опорой l1, расстояние
между опорами l2, м"; l1, l2
Ra = q * l / 2 + Qb * l1 / l2
Rb = q * l / 2 + Qb * (l2 - l1) / l2
PRINT "Реакции опор Ra, Rб, Н"; Ra, Rb
Mmax = q * l * (2 * l2 - l) / 8 + Qb * (l2 - l1) * l1 / l2
PRINT "Максимальный изгибающий момент, действующий на
двух опорах на барабан Mmax, Н*м"; Mmax
W = (sbn * 3.14 * Dcpb ^ 2) / 4
PRINT "Момент сопротивления сечения барабана W, м3"; W
sigma = Mmax / (1000000 * W)
PRINT "напряжение в барабане sigma,МПа"; sigma
INPUT "Допускаемое напряжение для аппаратов: 5-10 МПа - без
футеровки (Ст2, Ст3, 10, 15), 20 МПа - с футеровкой"; sigmad
IF sigma > sigmad THEN PRINT "условие прочности не выполня-
ется" ELSE GOTO 10
END
10 q1 = mm * g / l
20 IF Lf > 0 THEN q2 = (mk * g / l) + (mf * g / Lf) ELSE
q2 = (mk * g / l)
30 PRINT "Линейная нагрузка от массы обрабатываемого мате-
риала q1, массы барабана, шестерни, насадки q2"; q1, q2

```



```

40 INPUT "Модуль упругости материала корпуса при рабочей
температуре E, Па (см. Михалев, приложение, таблица 7)"; E
60 INPUT "Расстояния между опорой и концом барабана l"; l
70 Ix = 1 * sbn ^ 3 / 12
80 PRINT "Момент инерции единичного кольцевого участка ба-
рабана Ix, м4"; Ix
90 ymax = Dcpb ^ 3 * (.04 * q1 + .002 * q2) / (8 * E * Ix)
100 PRINT "Суммарный максимальный прогиб от действующих
нагрузок ymax,м"; ymax
110 e1 = ymax / Dcpb
120 PRINT "Относительный прогиб e"; e1
130 INPUT "Допускаемый относительный прогиб:[e]=1/300- без
футеровки ,1/200 -с футеровкой"; ed
140 IF e1 > ed THEN PRINT "условие прочности не выполняется"
ELSE PRINT " условие прочности выполняется"
END

```

Таблица 8.4 – Таблица идентификаторов

Обозначение в мат. описании	Обозначение в программе
<i>l</i>	2
Dн	Dn
сб	sb
Dcp	Dcpb
Dв	Db
ρм	pm,
ρф	pf
Lф	Lf
L	l
ψ	pci
sф	sf
mф	mf
mm	mm
mкр	mkr
mш	msh
Qв	Qb

Продолжение таблицы 8.4

<i>l</i>	2
Dφ	Df
mk	mk
Rб	Rb
σ	sigma
[σ]	sigmad
y _{max}	y _{max}
l	l3
ε	e1
[ε]	ed

Исходные данные для выполнения Задания 2 по вариантам приведены в таблице 8.5.

Таблице 8.5 – Исходные данные к расчету

№ варианта	Внутр. диаметр аппарата, D, мм	Длина цилиндрической части, l, мм	Остаточное давление в аппарате, P _{ост} , МПа	Плотность среды ρ _c , кг/м ³	Температура среды, t ⁰ С	Марка стали	Прибавка к расчетной толщине, с, мм
1	1600	2200	0,01	1160	170	ВСт3сп	1,0
2	2000	2500	0,015	1100	120	09Г2С	0,6
3	2000	4200	0,02	990	60	ВСт3сп	1,2
4	2400	4500	0,03	850	30	09Г2С	0,8
5	2400	8000	0,03	1028	40	10Х17Н13М2Т	1,1
6	2800	7200	0,04	1200	110	12Х18Н10	0,3
7	2800	9000	0,015	980	20	12Х18Н10Т	0,2
8	2600	5000	0,02	1100	60	10Х17Н13М2Т	1,1
9	2600	6300	0,03	1200	95	ВСт3п	1,0
10	2400	7800	0,01	990	120	09Г2С	0,1
11	2000	7800	0,01	980	170	ВСт3п	0,6
12	2600	8000	0,03	1100	30	09Г2С	1,1
13	1600	4500	0,02	990	60	ВСт3п	0,2
14	2400	4200	0,01	1028	120	12Х18Н10	0,3
15	2000	2200	0,02	1100	95	12Х18Н10Т	1,2

На печать необходимо вывести значения вводимых исходных данных и результаты вычислений.

При написании программы можно воспользоваться любым ал-

горитмическим языком программирования, редактором электронных таблиц EXCEL, математическим пакетом MathCAD, а также осуществлять программирования в среде Windows.

Содержание отчета

В отчете о выполненной работе должны содержаться следующие данные:

Дата проведения работы.

Цель работы.

Математическое описание задачи.

Алгоритм расчета.

Таблица идентификаторов (в том случае, когда греческие буквы заменяются в программе их идентификаторами).

Программа расчета.

Результаты выполнения работы.

Выводы по работе.

Контрольные вопросы

1. Дайте определение рабочего давления в сосуде, аппарате.
2. По какой формуле определяется расчетное давление?
3. Каким образом можно определить расчетную температуру стенки?
4. Что характеризует коэффициент прочности сварных и паяных соединений?
5. В чем заключается прочностной расчет аппаратов?
6. Как определяется прибавка к расчетным толщинам конструктивных элементов?
7. От каких величин зависит p_a ?
8. Какова структура вычислительных алгоритмов в работе?

ЛИТЕРАТУРА

1. Закгейм А.Ю. Введение в моделирование химико-технологических процессов. – М.: Химия, 1982. – 288 с.
2. Кафаров В.В. Методы и средства автоматизированного расчета химико-технологических систем. – Л.: Химия, 1987. – 152 с.
3. Кафаров В.В., Глебов М.Б. Математическое моделирование основных процессов химических производств. – М.: Высш. шк., 1991. – 400 с.
4. Бельков В.П., Кафаров В.В. Математические модели и алгоритмы расчета массообменных и тепловых процессов. – М.: МХТИ, 1985.
5. Бояринов А.И., Кафаров В.В. Методы оптимизации в химической технологии. – М.: Химия, 1975.
6. Глушаков С.В., Сурядный А.С. Microsoft office 2000. – Харьков: ФОЛИО; М.: ООО «Издательство АСТ», 2001. – 500 с.
7. Саутин С.Н., Пунин А.Е. Мир компьютеров и химическая технология. – Л.: Химия, 1991. – 144с.
8. Эберт К., Эдерер Х. Компьютеры. Применение в химии. – М.: Мир, 1988. – 416 с.
9. Дьяконов В.П. Применение персональных ЭВМ и программирование на языке Бейсик. – М.: Радио и связь, 1988. – 416 с.
10. Касаткин А.Г. Основные процессы и аппараты химической технологии. – М.: Химия, 1973. – 784 с.
11. Павлов К.Ф., Романков П.Г., Носков А.А. Примеры и задачи по курсу «Процессы и аппараты химической технологии». Учебное пособие для вузов. / Под ред. П.Г. Романкова. – Л.: Химия, 1987. – 576 с.
12. Расчет и конструирование машин и аппаратов химических производств: Примеры и задачи: Учеб. пособие для студентов втузов. / Под ред. М.Ф. Михалева. – Л.: Машиностроение, 1984. – 301 с.

